

# МАТЕМАТИКА

# ЕГЭ 2014

Под редакцией  
А. Л. Семенова и И. В. Яценко

В. А. Смирнов

## Задача В9

Геометрия: площади

**РАБОЧАЯ ТЕТРАДЬ**

учени \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_ класса \_\_\_\_\_

школы \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

**ФГОС**

ГОТОВИМСЯ К ЕГЭ

---

В. А. Смирнов

ЕГЭ 2014. Математика

Задача В9

Геометрия: площадь

Рабочая тетрадь

Под редакцией А. Л. Семенова и И. В. Ященко

Издание соответствует Федеральному государственному  
общеобразовательному стандарту (ФГОС)

Москва  
Издательство МЦНМО  
2014

УДК373:51  
ББК22.1я72  
С50

**Смирнов В. А.**  
С50 ЕГЭ 2014. Математика. Задача В9. Геометрия: площадь. Рабочая тетрадь / Под ред. А. Л. Семенова и И. В. Яценко. — М.: МЦНМО, 2014. — 88 с.

ISBN 978-5-4439-0560-0

Рабочая тетрадь по математике серии «ЕГЭ 2014. Математика» ориентирована на подготовку учащихся старшей школы к успешной сдаче единого государственного экзамена по математике в 2014 году.

На различных этапах обучения пособие поможет обеспечить уровень подготовки к организации повторения, осуществить контроль и самоконтроль знаний по теме «Площадь». Рабочая тетрадь ориентирована на один учебный год, однако при необходимости позволит в кратчайшие сроки восполнить пробелы в знаниях выпускника. Она также рекомендуется для подготовки к задачам В3 и В6.

Тетрадь предназначена для учащихся старшей школы, учителей математики, родителей.

Издание соответствует Федеральному государственному общеобразовательному стандарту (ФГОС).

ББК 22.1я72

*Приказом № 729 Министерства образования и науки Российской Федерации Московский центр непрерывного математического образования включен в перечень организаций, осуществляющих издание учебных пособий, допущенных к использованию в образовательном процессе.*

*Владимир Алексеевич Смирнов*

ЕГЭ 2014. МАТЕМАТИКА. ЗАДАЧА В9. ГЕОМЕТРИЯ: ПЛОЩАДЬ. РАБОЧАЯ ТЕТРАДЬ

Под редакцией А. Л. Семенова и И. В. Яценко

Подписано в печать 17.06.2013 г. Формат 70 × 90  $\frac{1}{16}$ . Бумага офсетная.

Печать офсетная. Печ. л. 5,5. Тираж 17 000 экз. Заказ № .

Издательство Московского центра

непрерывного математического образования.

119002, Москва, Большой Власьевский пер., д. 11. Тел. (499) 241–74–83

Отпечатано по технологии СтР в ИПК ООО «Ленинградское издательство».  
194044, Санкт-Петербург, ул. Менделеевская, д. 9. Телефон/факс: (812) 495-56-10.

---

Книги издательства МЦНМО можно приобрести в магазине «Математическая книга»,  
Москва, Большой Власьевский пер., д. 11. Тел. (499) 241–72–85. E-mail: biblio@mccme.ru

---

ISBN 978-5-4439-0560-0

© Смирнов В. А., 2014.

© МЦНМО, 2014.

## От редакторов серии

Прежде чем вы начнете работать с нашими тетрадями, мы хотим дать вам некоторые пояснения и советы.

Экзамен по математике в 2014 году состоит из двух частей: в первой части — 14 простых задач, в которых требуется краткий ответ (В1—В14); во второй части — 6 более сложных задач, требующих развернутого решения (С1—С6). Рабочие тетради В1—В14 организованы в соответствии со структурой первой части экзамена 2014 года и позволят вам подготовиться к выполнению всех заданий этой части, выявить и устранить пробелы в своих знаниях.

Тем из вас, для кого главное — это набрать минимальный аттестационный балл, мы рекомендуем ориентироваться на устойчивое, безошибочное решение 8 заданий из первой части. (Хотя в реальности минимальное число заданий, которое нужно решить верно, может составить 5 или 6, но ведь вам нужно застраховаться от случайной ошибки!) Эти 8 (или больше) заданий нужно выбрать исходя из того, что вы хорошо понимаете их условия, вам знаком материал и в школе вы хорошо справлялись с аналогичными заданиями (не обязательно в курсе математики 11 класса, а на протяжении всего обучения). При этом следует в первую очередь уделять внимание тем заданиям, которые у вас уже получаются, добиваясь максимально надежного их выполнения, не ограничивая себя временем.

Те из вас, кто ориентируется на поступление в вуз, конечно, понимают, что им желательно с высокой надежностью решать все задачи части В — ведь на решение такой задачи и вписывание ответа в лист на экзамене уйдет времени меньше, чем на задачу части С, жалко будет, если вы ошибетесь и потеряете нужный балл. Вам следует добиваться уверенного выполнения всех заданий первой части, большее внимание уделяя тем задачам, которые вызывают наибольшие затруднения. Устранение пробелов в ваших знаниях поможет вам и в работе с заданиями части С. Определив время, за которое вы можете уверенно без ошибок выполнить все задания первой части, следует планировать оставшееся время на экзамене на задания второй части.

Работу с тетрадью следует начать с выполнения диагностической работы.

Затем рекомендуется прочитать решения задач, сравнить свои решения с приведенными в книге. По тем задачам, которые вызвали затруднения, следует после повторения материала по учебнику или с учителем выполнить тематические тренинги.

Для завершающего контроля готовности к выполнению заданий соответствующей позиции ЕГЭ служат диагностические работы, приведенные в конце тетради.

Работа с серией рабочих тетрадей «ЕГЭ 2014. Математика» позволит выявить и в кратчайшие сроки ликвидировать пробелы в знаниях, но не может заменить систематического повторения (изучения) курса математики!

Желаем успеха!

## Введение

Данное пособие предназначено для подготовки к выполнению задания В9 ЕГЭ по математике. Его целями являются:

- показ примерной тематики и уровня трудности геометрических задач, включенных в содержание ЕГЭ;
- проверка качества знаний и умений учащихся по геометрии, их готовность к сдаче ЕГЭ;
- развитие представлений учащихся об основных геометрических фигурах и их свойствах, отработка навыков работы с рисунком;
- повышение вычислительной культуры учащихся, подготовка их к решению геометрических задач с числовым ответом.

Пособие содержит задачи на нахождение площадей плоских фигур и площадей сечений пространственных фигур. Для их решения требуются знание формул площадей треугольников, параллелограммов, трапеций, круга и его частей, умение применять эти формулы для нахождения площадей фигур на плоскости и в пространстве.

Вначале предлагается диагностическая работа на нахождение площадей фигур на плоскости: треугольников, параллелограммов, трапеций, выпуклых и невыпуклых четырехугольников, круга и его частей.

Затем, для закрепления рассмотренных методов решения задач, предлагаются тренировочные работы на нахождение площадей фигур каждого из перечисленных выше видов. В случае успешного решения этих задач можно переходить к выполнению заключительных диагностических работ.

Во второй части пособия предлагаются диагностические и тренировочные работы на нахождение площадей сечений пространственных фигур.

Все приведенные задачи сопровождаются рисунками, позволяющими лучше понять условия задач, представить соответствующие геометрические ситуации, наметить план решения, при необходимости провести дополнительные построения и вычисления. В конце пособия даны ответы ко всем задачам.

Следует иметь в виду, что хотя в каждой из рабочих тетрадей В3, В6, В9 имеются планиметрические и стереометрические задачи, в реальных вариантах ЕГЭ 2014 года только одна из этих задач будет стереометрической, а остальные две — планиметрическими. В дальнейшем тематика стереометрической задачи может изменяться. По этой причине, а также с целью более полного формирования умений учащихся по нахождению геометрических величин, в каждой из рабочих тетрадей В3, В6, В9 рекомендуется решать как планиметрические, так и стереометрические задачи.

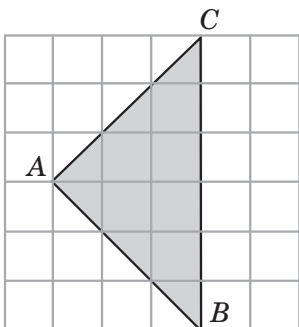
Отметим, что лучшим способом подготовки к ЕГЭ по геометрии являются систематические занятия по учебнику геометрии. Данное пособие не заменяет учебника. Оно может быть использовано в качестве дополнительного сборника задач при изучении геометрии в 7—9 классах, а также для организации обобщающего повторения в 10—11 классах или при самостоятельных занятиях по геометрии.

Часть I

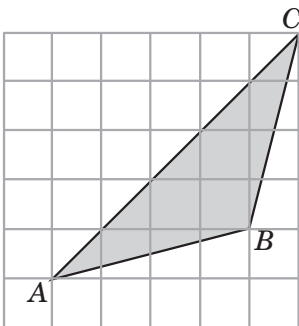
ПЛОЩАДЬ ФИГУР НА ПЛОСКОСТИ

## Диагностическая работа

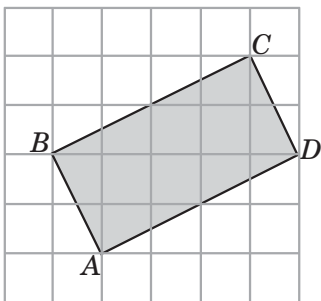
1. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



2. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



3. Найдите площадь прямоугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

1

--	--	--	--	--	--	--	--

2

--	--	--	--	--	--	--	--

3

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

6

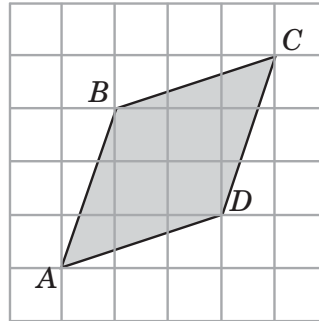
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

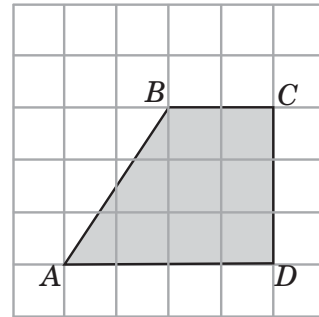
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Диагностическая работа

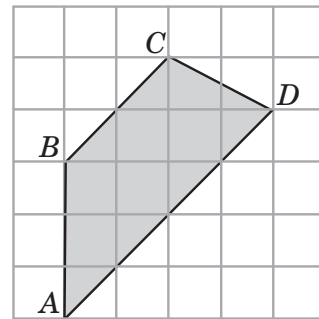
4. Найдите площадь ромба  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



5. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



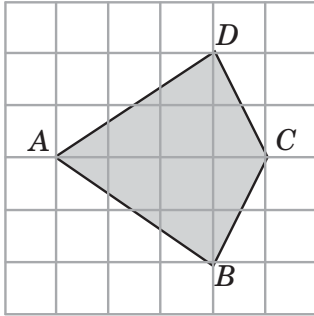
6. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



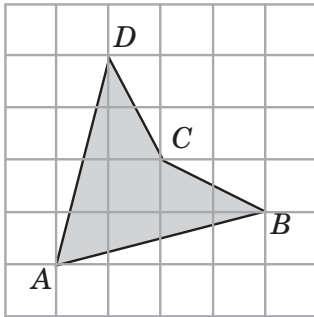


Диагностическая работа

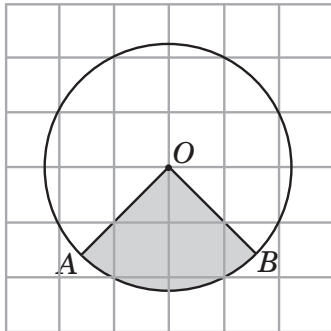
7. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



8. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



9. Найдите площадь  $S$  закрашенного сектора, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .



Ответы:

7

--	--	--	--	--	--	--	--

8

--	--	--	--	--	--	--	--

9

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

10

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

11

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

12

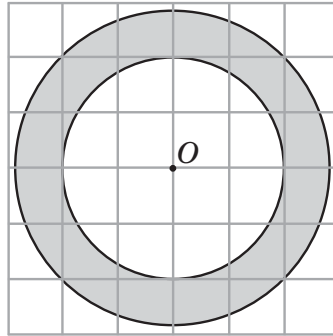
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

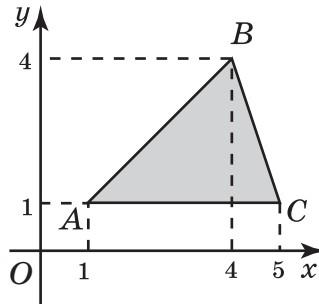
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Диагностическая работа

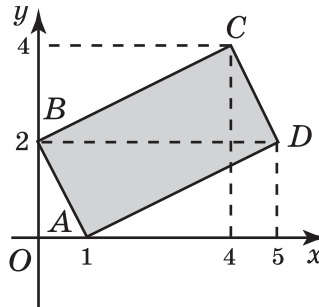
10. Найдите площадь  $S$  кольца, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .



11. Найдите площадь треугольника, вершины которого имеют координаты (1; 1), (4; 4), (5; 1).

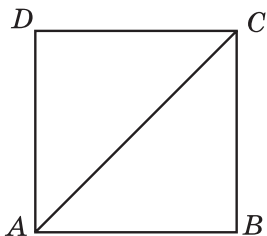


12. Найдите площадь четырехугольника, вершины которого имеют координаты (1; 0), (0; 2), (4; 4), (5; 2).

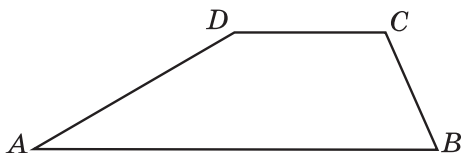


Диагностическая работа

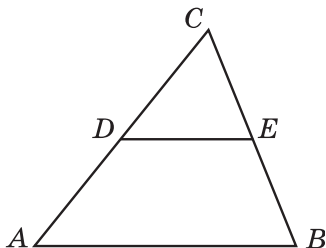
13. Диагональ квадрата равна 6. Найдите его площадь.



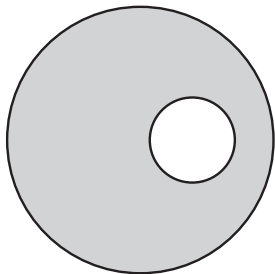
14. Основания трапеции равны 20 и 8, одна боковая сторона, равная 12, образует с одним из оснований трапеции угол  $150^\circ$ . Найдите площадь трапеции.



15. Площадь треугольника  $ABC$  равна 16.  $DE$  — средняя линия. Найдите площадь треугольника  $CDE$ .



16. Из круга, площадь которого равна 18, вырезали круг в три раза меньшего радиуса. Найдите площадь оставшейся части круга.



Ответы:

13

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

14

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

15

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

16

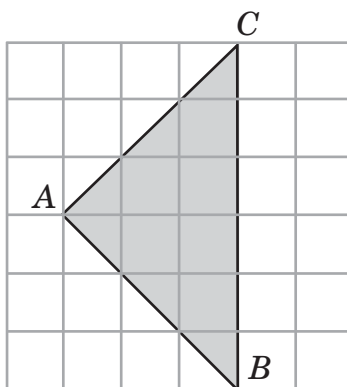
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

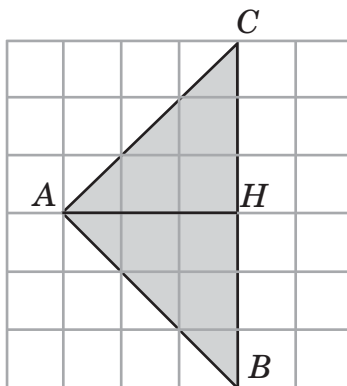
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Решения задач 1, 2 диагностической работы

1. *Первое решение.* Заметим, что данный треугольник  $ABC$  является прямоугольным ( $\angle A = 90^\circ$ ). Воспользуемся тем, что диагональ квадратной клетки со сторонами, равными 1, равна  $\sqrt{2}$ . Тогда катеты  $AB$  и  $AC$  данного треугольника будут равны  $3\sqrt{2}$ . Так как площадь прямоугольного треугольника равна половине произведения его катетов, то площадь данного треугольника будет равна  $\frac{3\sqrt{2} \cdot 3\sqrt{2}}{2}$ , т. е. равна 9.



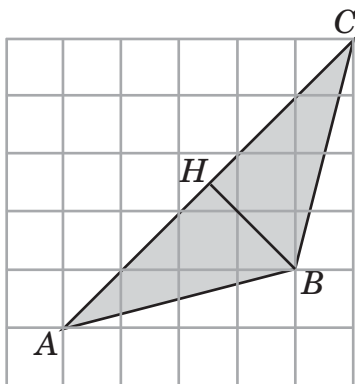
*Второе решение.* Проведем высоту  $AH$ . Тогда  $BC = 6$ ,  $AH = 3$ , следовательно,  $S = \frac{6 \cdot 3}{2} = 9$ .



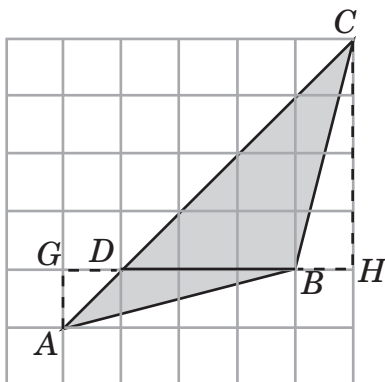
Ответ. 9.

Решения задач 1, 2 диагностической работы

2. *Первое решение.* Так как диагональ квадрата со стороной 1 равна  $\sqrt{2}$ , то сторона  $AC$  треугольника  $ABC$  равна  $5\sqrt{2}$ , высота  $BH$ , проведенная к этой стороне, равна  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ . Следовательно, площадь данного треугольника равна  $\frac{3\sqrt{2} \cdot 5\sqrt{2}}{4}$ , т. е. равна 7,5.



*Второе решение.* Разобьем данный треугольник  $ABC$  на два треугольника  $ABD$  и  $BDC$ . Их общая сторона  $BD$  равна 3, а высоты, к ней проведенные, равны соответственно 1 и 4. Площадь треугольника  $ABD$  равна 1,5, а площадь треугольника  $BDC$  равна 6. Площадь треугольника  $ABC$  равна сумме площадей этих треугольников, следовательно, равна 7,5.



Ответ. 7,5.

Ответы:

T1.1

--	--	--	--	--	--	--	--

T1.2

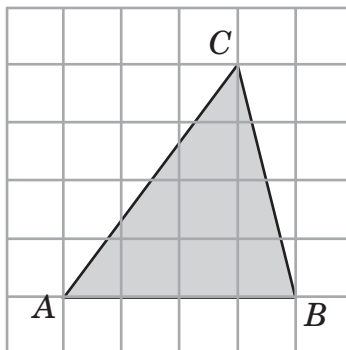
--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

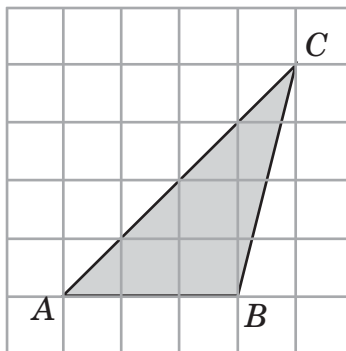
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Тренировочная работа 1. Площадь треугольника

T1.1. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

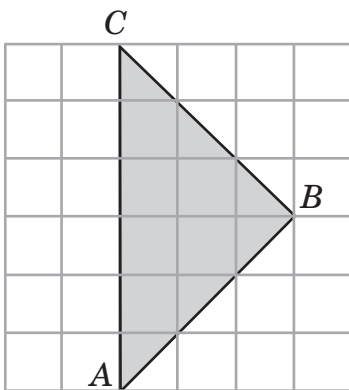


T1.2. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

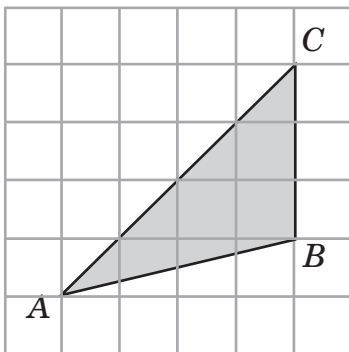


Тренировочная работа 1

Т1.3. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т1.4. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Т1.3

--	--	--	--	--	--	--	--

Т1.4

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

T1.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T1.6

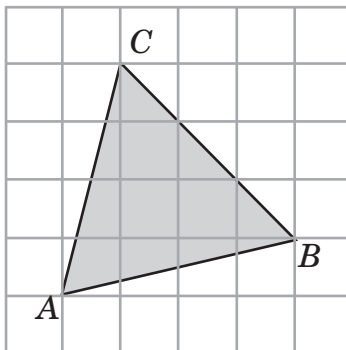
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

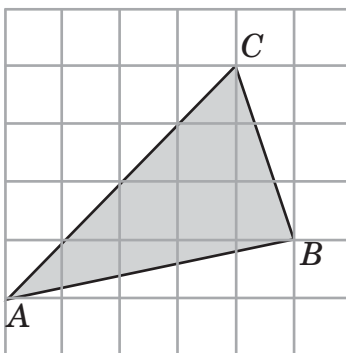
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 1

T1.5. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



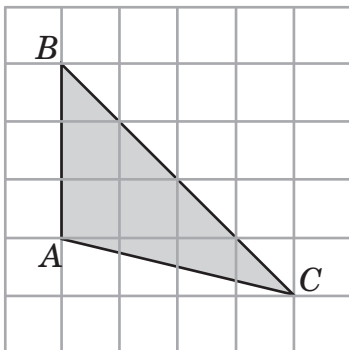
T1.6. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



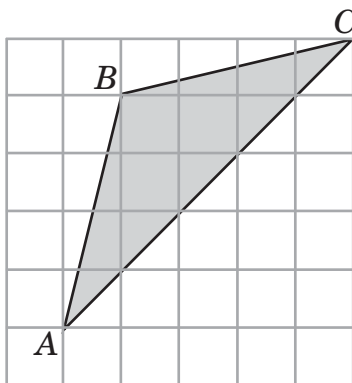


Тренировочная работа 1

Т1.7. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т1.8. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Т1.7

--	--	--	--	--	--	--	--

Т1.8

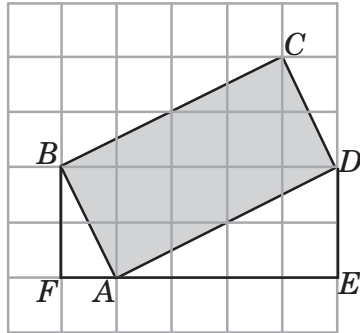
--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

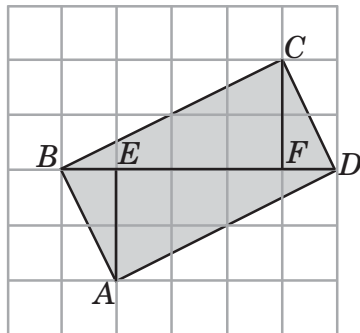
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

### Решения задач 3, 4 диагностической работы

3. *Первое решение.* Найдем стороны данного прямоугольника. Рассмотрим прямоугольный треугольник  $ADE$ . Катет  $AE$  равен 4, катет  $DE$  равен 2. Следовательно, по теореме Пифагора гипотенуза  $AD$  равна  $\sqrt{20}$ . Аналогично, для прямоугольного треугольника  $ABF$  катет  $AF$  равен 1, катет  $BF$  равен 2. Следовательно, по теореме Пифагора гипотенуза  $AB$  равна  $\sqrt{5}$ . Так как площадь прямоугольника равна произведению его смежных сторон, то площадь данного прямоугольника будет равна  $\sqrt{20} \cdot \sqrt{5}$ , т. е. равна 10.



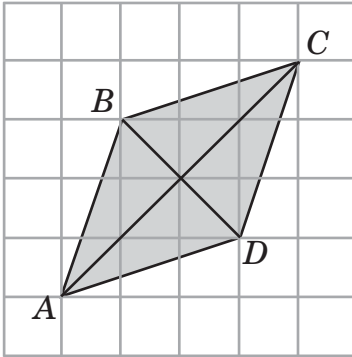
*Второе решение.* Разобьем данный прямоугольник  $ABCD$  на два треугольника  $ABD$  и  $BCD$ . Сторона  $BD$  у них общая и равна 5. Высоты  $AE$  и  $CF$ , опущенные на эту сторону, равны 2. Так как площадь треугольника равна половине произведения стороны на высоту, опущенную на эту сторону, то площадь каждого из этих двух треугольников будет равна 5, следовательно, площадь прямоугольника будет равна 10.



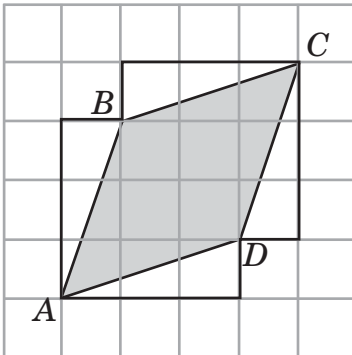
Ответ. 10.

Решения задач 3, 4 диагностической работы

4. *Первое решение.* Напомним, что площадь ромба равна половине произведения его диагоналей. Воспользуемся тем, что диагональ квадратной клетки со сторонами, равными 1, равна  $\sqrt{2}$ . Тогда диагонали  $AC$  и  $BD$  данного ромба будут равны соответственно  $4\sqrt{2}$  и  $2\sqrt{2}$ , а его площадь будет равна  $\frac{2\sqrt{2} \cdot 4\sqrt{2}}{2}$ , т. е. равна 8.



*Второе решение.* Построим на сторонах ромба четыре равных прямоугольных треугольника, катеты которых равны 1 и 3. Площадь каждого такого треугольника равна 1,5. Ромб вместе с этими треугольниками образует фигуру, состоящую из четырнадцати единичных квадратов. Следовательно, ее площадь равна 14. Вычитая из нее площадь четырех треугольников, получим, что площадь ромба равна 8.



Ответ. 8.

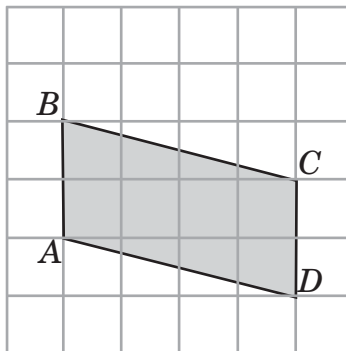
Ответы:

## Тренировочная работа 2. Площадь прямоугольника, квадрата, параллелограмма, ромба

T2.1

--	--	--	--	--	--	--	--

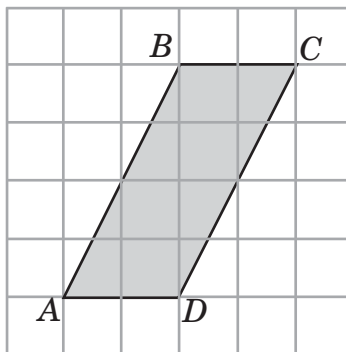
T2.1. Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



T2.2

--	--	--	--	--	--	--	--

T2.2. Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

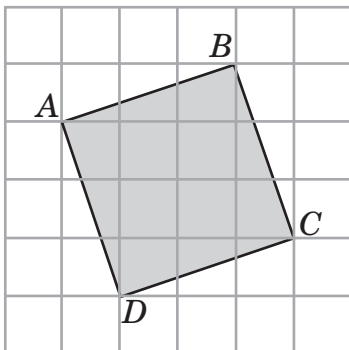


Образец написания:

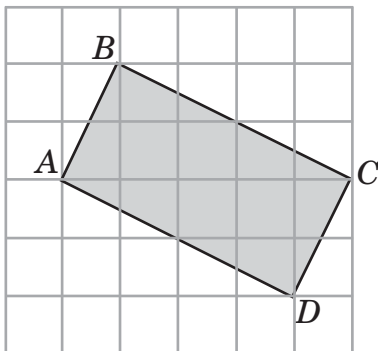
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 2

Т2.3. Найдите площадь квадрата  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т2.4. Найдите площадь прямоугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Т2.3

--	--	--	--	--	--	--	--

Т2.4

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

T2.5

--	--	--	--	--	--	--	--

T2.6

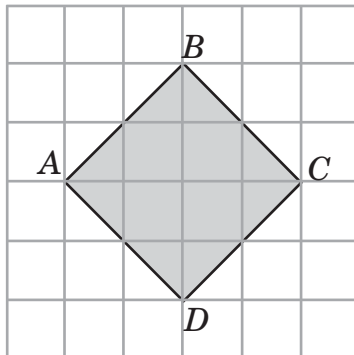
--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

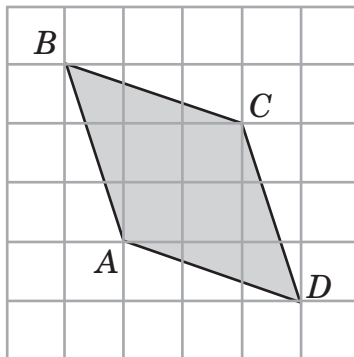
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 2

T2.5. Найдите площадь квадрата  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

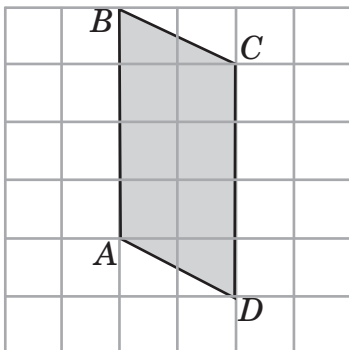


T2.6. Найдите площадь ромба  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

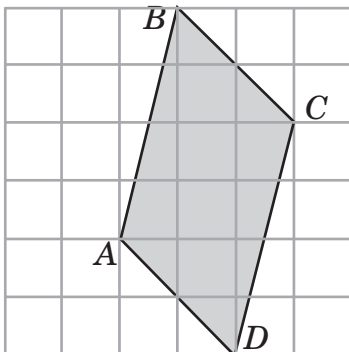


Тренировочная работа 2

Т2.7. Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т2.8. Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Т2.7

--	--	--	--	--	--	--	--

Т2.8

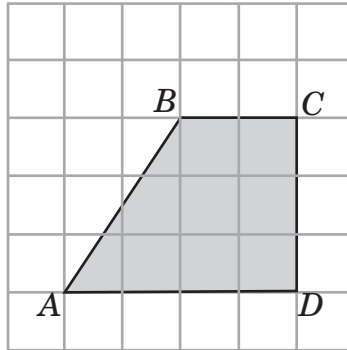
--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

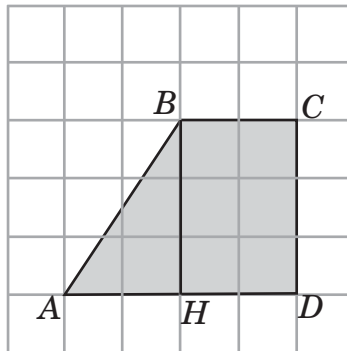
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Решения задач 5, 6 диагностической работы

5. *Первое решение.* Основания  $AD$  и  $BC$  данной трапеции равны соответственно 4 и 2. Высотой является боковая сторона  $CD$ . Она равна 3. Так как площадь трапеции равна произведению полусуммы оснований на высоту, то площадь данной трапеции будет равна  $\frac{4+2}{2} \cdot 3$ , т. е. равна 9.



*Второе решение.* Из точки  $B$  опустим перпендикуляр  $BH$  на  $AD$ . Он разобьет трапецию на прямоугольный треугольник  $ABH$  и прямоугольник  $HBCD$ . Катеты прямоугольного треугольника равны 2 и 3, следовательно, его площадь равна 3. Смежные стороны прямоугольника равны 2 и 3, следовательно, его площадь равна 6. Площадь трапеции равна сумме площадей треугольника и прямоугольника, следовательно, равна 9.

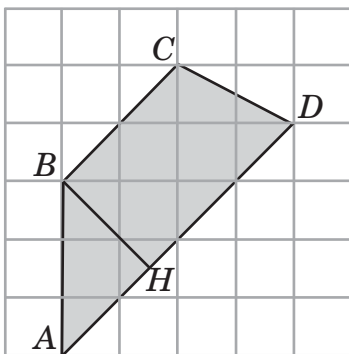


Ответ. 9.

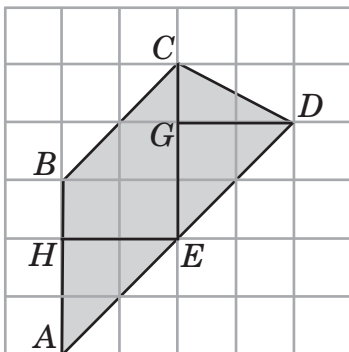


Решения задач 5, 6 диагностической работы

6. *Первое решение.* Основания  $AD$  и  $BC$  трапеции равны соответственно  $4\sqrt{2}$  и  $2\sqrt{2}$ . Высота  $BH$  трапеции равна  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ . Так как площадь трапеции равна произведению полусуммы оснований на высоту, то площадь данной трапеции будет равна  $\frac{4\sqrt{2}+2\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{3\sqrt{2}}{2}$ , следовательно, будет равна 9.



*Второе решение.* Разобьем трапецию на параллелограмм  $ABCE$  и треугольник  $CDE$ . Сторона  $AB$  параллелограмма  $ABCE$  равна 3, высота  $EH$ , к ней проведенная, равна 2, следовательно, площадь этого параллелограмма равна 6. Сторона  $CE$  треугольника  $CDE$  равна 3, высота  $DG$ , к ней проведенная, равна 2, следовательно, площадь этого треугольника равна 3. Площадь трапеции равна сумме площадей параллелограмма и треугольника, следовательно, равна 9.



Ответ. 9.

Ответы:

ТЗ.1

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

ТЗ.2

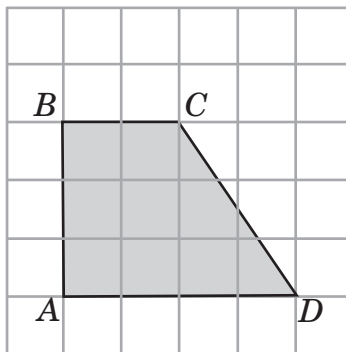
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

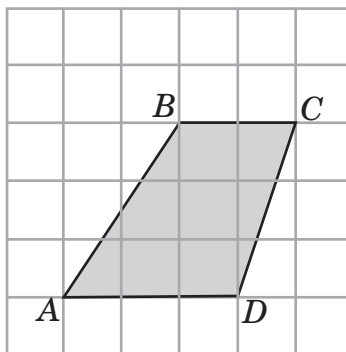
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

### Тренировочная работа 3. Площадь трапеции

ТЗ.1. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

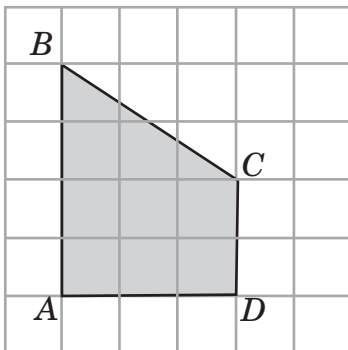


ТЗ.2. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

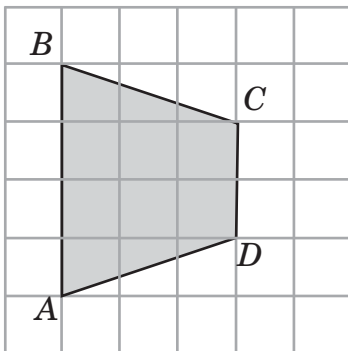


Тренировочная работа 3

Т3.3. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т3.4. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Т3.3

--	--	--	--	--	--	--	--

Т3.4

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

Т3.5

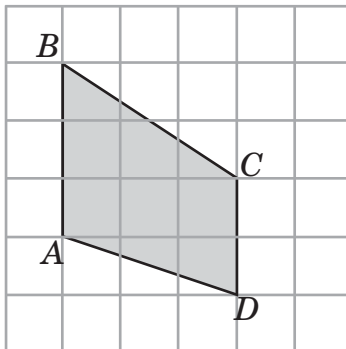
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Т3.6

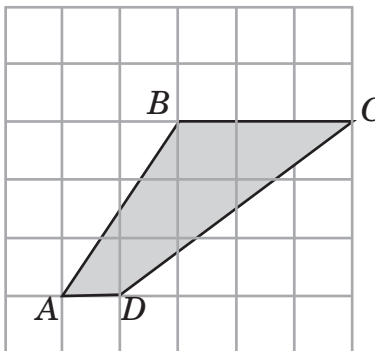
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Тренировочная работа 3

Т3.5. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т3.6. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

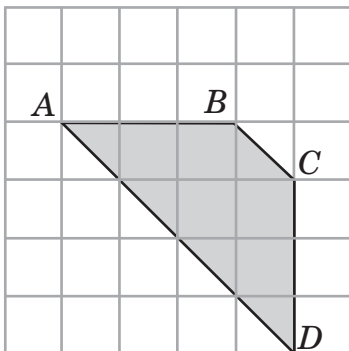


Образец написания:

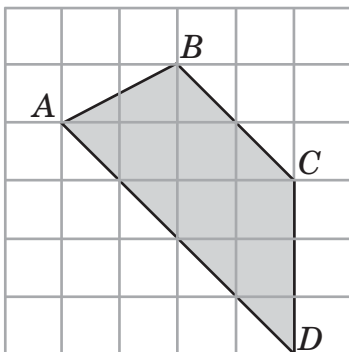
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 3

Т3.7. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т3.8. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Т3.7

--	--	--	--	--	--	--	--

Т3.8

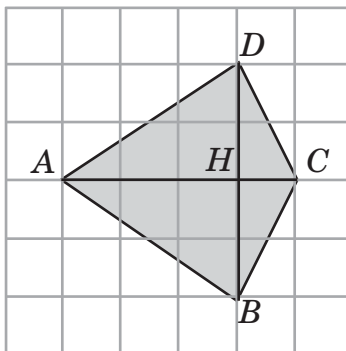
--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Решения задач 7, 8 диагностической работы

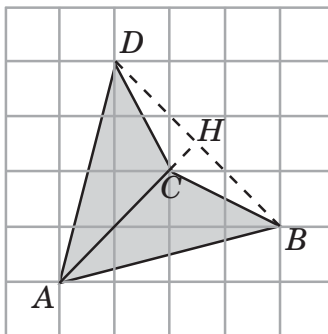
7. *Первое решение.* Разобьем данный четырехугольник на два треугольника  $ABC$  и  $ACD$ . Сторона  $AC$  у них общая и равна 4. Высоты  $BH$  и  $DH$  равны 2. Следовательно, площади этих треугольников равны 4, значит, площадь четырехугольника равна 8.



*Второе решение.* Разобьем данный четырехугольник на два треугольника  $ABD$  и  $BCD$ . Сторона  $BD$  у них общая и равна 4. Высоты  $AH$  и  $CH$  равны соответственно 3 и 1. Следовательно, площади этих треугольников равны соответственно 6 и 2. Значит, площадь четырехугольника равна 8.

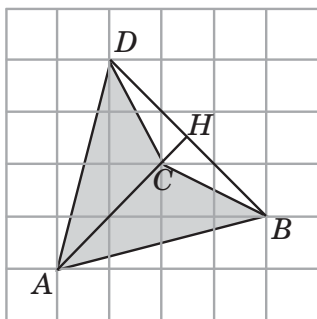
Ответ. 8.

8. *Первое решение.* Разобьем данный четырехугольник на два треугольника  $ACB$  и  $ACD$ . Сторона  $AC$  у них общая и равна  $2\sqrt{2}$ . Высоты  $BH$  и  $DH$  равны  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ . Следовательно, площади этих треугольников равны 3. Значит, площадь четырехугольника равна 6.



Решения задач 7, 8 диагностической работы

Второе решение. Площадь данного четырехугольника равна разности площадей треугольников  $ABD$  и  $CBD$ . В треугольнике  $ABD$  сторона  $BD$  равна  $3\sqrt{2}$ , высота  $AH$  равна  $\frac{5\sqrt{2}}{2}$ . Следовательно, его площадь равна 7,5. В треугольнике  $CBD$  сторона  $BD$  равна  $3\sqrt{2}$ , высота  $CH$  равна  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ . Следовательно, его площадь равна 1,5. Таким образом, площадь данного четырехугольника равна 6.



Ответ. 6.

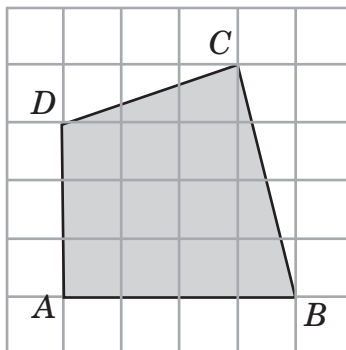
Ответы:

### Тренировочная работа 4. Площадь выпуклых и невыпуклых четырехугольников

T4.1

--	--	--	--	--	--	--	--

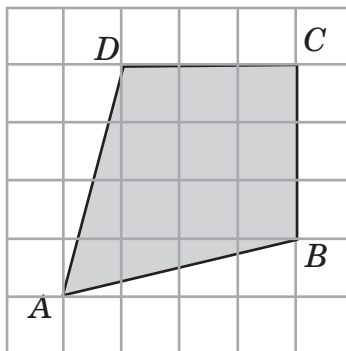
T4.1. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



T4.2

--	--	--	--	--	--	--	--

T4.2. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



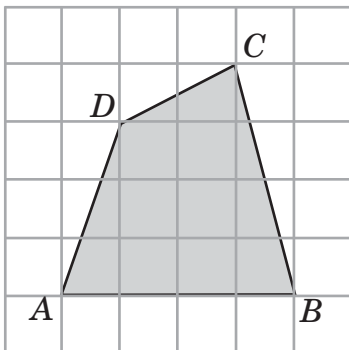
Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

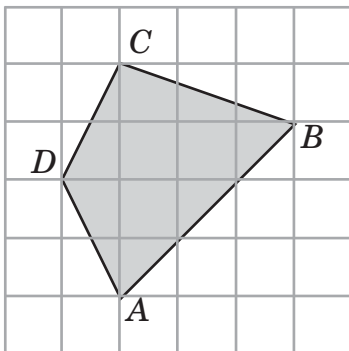


Тренировочная работа 4

Т4.3. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т4.4. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Т4.3

--	--	--	--	--	--	--	--

Т4.4

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

T4.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T4.6

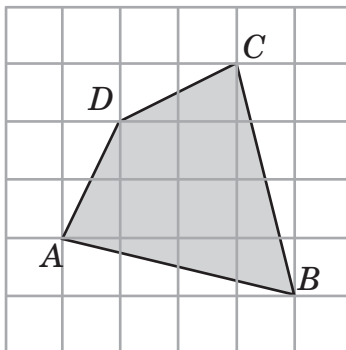
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

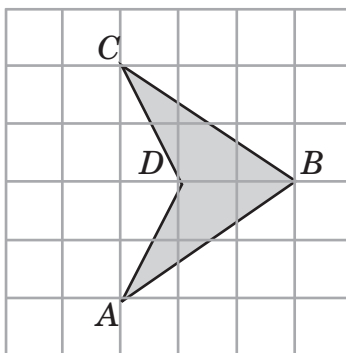
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 4

T4.5. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

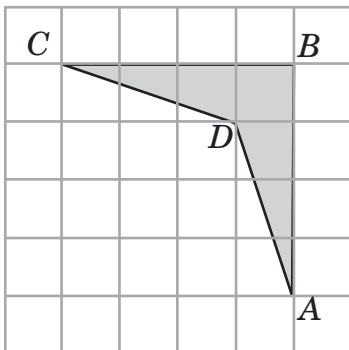


T4.6. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.

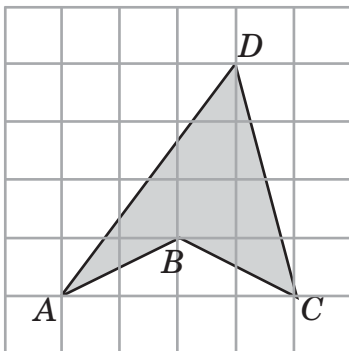


Тренировочная работа 4

Т4.7. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Т4.8. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Т4.7

--	--	--	--	--	--	--	--

Т4.8

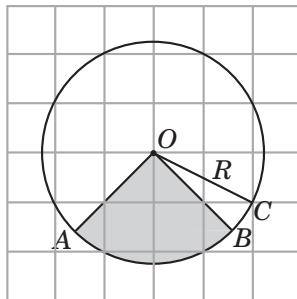
--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Решения задач 9, 10 диагностической работы

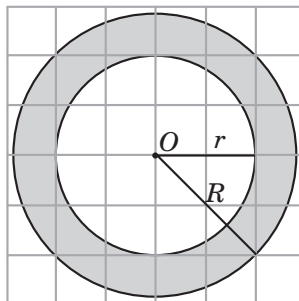
9. *Первое решение.* Напомним, что площадь  $S$  кругового сектора вычисляется по формуле  $S = \frac{\pi R^2 \varphi}{360}$ , где  $R$  — радиус круга,  $\varphi$  — градусная величина угла сектора. В нашем случае  $\varphi = 90$ . Радиус  $R$  равен  $\sqrt{5}$ . Подставляя данные значения  $R$  и  $\varphi$  в формулу площади сектора, получим  $S = \frac{5\pi}{4}$ . Откуда  $\frac{S}{\pi} = 1,25$ .



*Второе решение.* Заметим, что данный сектор является одной четвертой частью круга, следовательно, его площадь равна одной четвертой площади круга. Площадь круга равна  $\pi R^2$ , где  $R$  — радиус круга. В нашем случае  $R = \sqrt{5}$ , следовательно, площадь  $S$  сектора равна  $\frac{5\pi}{4}$ . Откуда  $\frac{S}{\pi} = 1,25$ .

Ответ. 1,25.

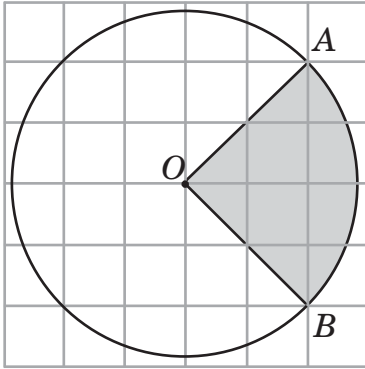
10. Площадь кольца равна разности площадей внешнего и внутреннего кругов. Радиус  $R$  внешнего круга равен  $2\sqrt{2}$ , радиус  $r$  внутреннего круга равен 2. Следовательно, площадь  $S$  кольца равна  $8\pi - 4\pi$ , т. е.  $S = 4\pi$ , следовательно,  $\frac{S}{\pi} = 4$ .



Ответ. 4.

## Тренировочная работа 5. Площадь круга и его частей

**T5.1.** Найдите площадь  $S$  закрашенного сектора, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .

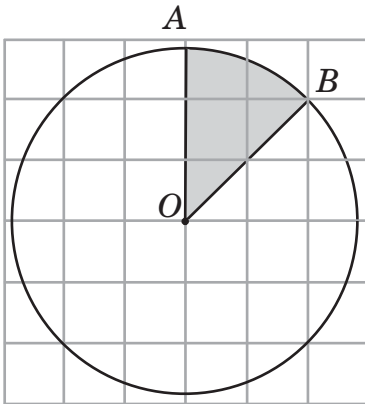


Ответы:

**T5.1**

--	--	--	--	--	--	--	--

**T5.2.** Найдите площадь  $S$  закрашенного сектора, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .



**T5.2**

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

T5.3

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T5.4

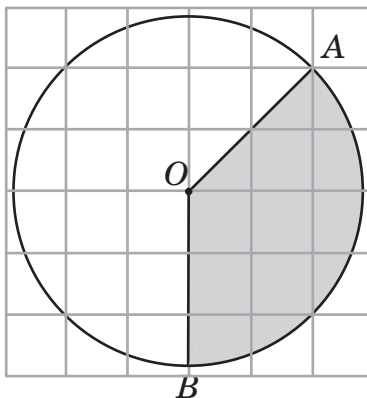
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

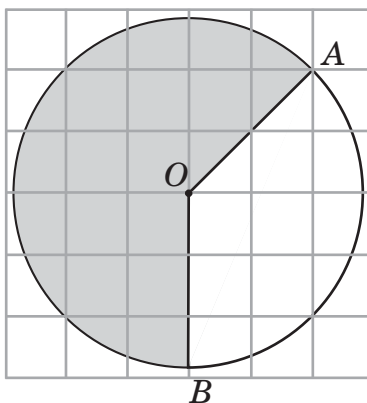
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	,	
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	--

Тренировочная работа 5

T5.3. Найдите площадь  $S$  закрашенного сектора, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .

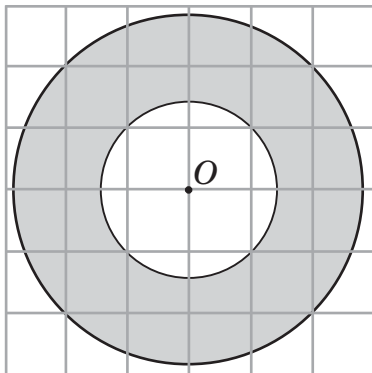


T5.4. Найдите площадь  $S$  закрашенного сектора, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .

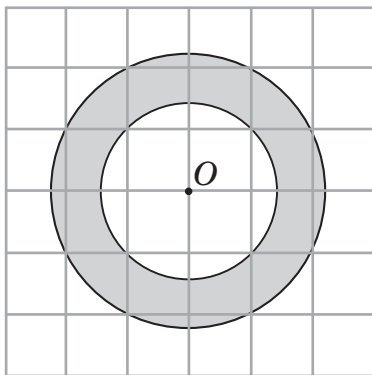


Тренировочная работа 5

Т5.5. Найдите площадь  $S$  кольца, изображенного на рисунке, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .



Т5.6. Найдите площадь  $S$  кольца, изображенного на рисунке, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .



Ответы:

Т5.5

--	--	--	--	--	--	--	--

Т5.6

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

T5.7

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T5.8

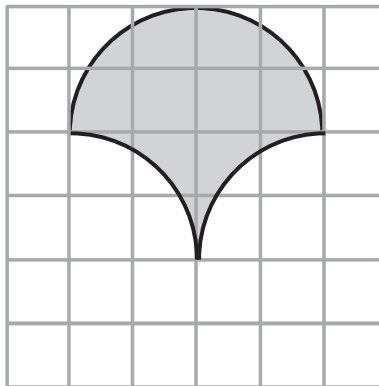
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

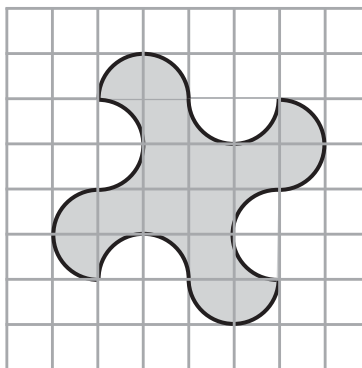
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 5

T5.7. Найдите площадь фигуры, изображенной на рисунке, считая стороны квадратных клеток равными 1.



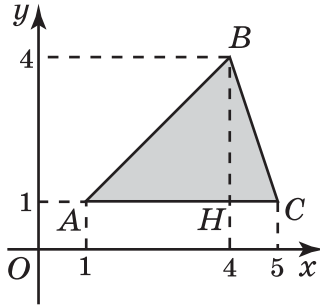
T5.8. Найдите площадь фигуры, изображенной на рисунке, считая стороны квадратных клеток равными 1.





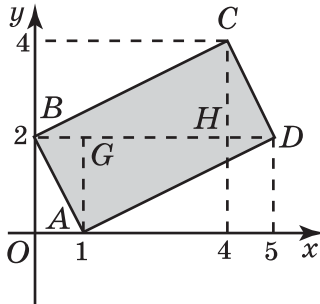
## Решения задач 11, 12 диагностической работы

11. Из вершины  $B$  треугольника  $ABC$  опустим высоту  $BH$ . Она равна 3. Сторона  $AC$  равна 4. Следовательно, площадь треугольника равна 6.



Ответ. 6.

12. Разобьем четырехугольник  $ABCD$  на два треугольника  $ABD$  и  $BCD$ . Высоты  $AG$  и  $CH$  этих треугольников, опущенные на сторону  $BD$ , равны 2, сторона  $BD$  равна 5. Следовательно, площади этих треугольников равны 5, значит, площадь четырехугольника  $ABCD$  равна 10.



Ответ. 10.

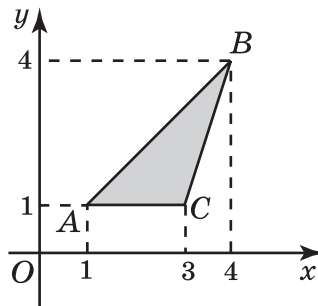
Ответы:

## Тренировочная работа 6. Площадь фигур на координатной плоскости

Т6.1

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

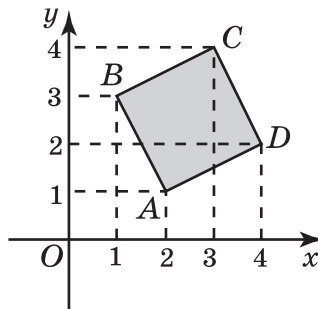
Т6.1. Найдите площадь треугольника, вершины которого имеют координаты  $(1; 1)$ ,  $(4; 4)$ ,  $(3; 1)$ .



Т6.2

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Т6.2. Найдите площадь квадрата, вершины которого имеют координаты  $(2; 1)$ ,  $(1; 3)$ ,  $(3; 4)$ ,  $(4; 2)$ .

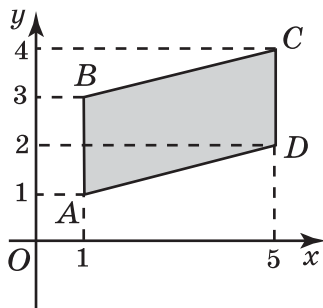


Образец написания:

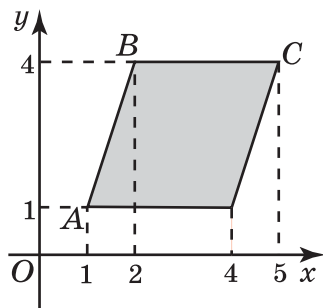
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 6

Т6.3. Найдите площадь параллелограмма, вершины которого имеют координаты  $(1; 1)$ ,  $(1; 3)$ ,  $(5; 4)$ ,  $(5; 2)$ .



Т6.4. Найдите площадь параллелограмма, вершины которого имеют координаты  $(1; 1)$ ,  $(2; 4)$ ,  $(5; 4)$ ,  $(4; 1)$ .



Ответы:

Т6.3

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Т6.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

Т6.5

--	--	--	--	--	--	--	--

Т6.6

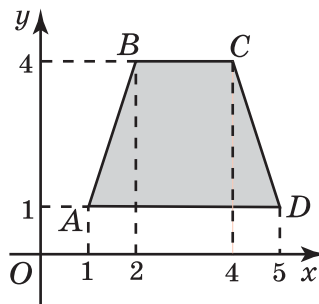
--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

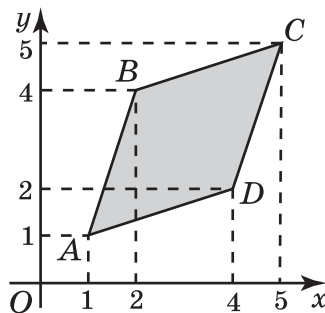
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 6

Т6.5. Найдите площадь трапеции, вершины которой имеют координаты  $(1; 1)$ ,  $(2; 4)$ ,  $(4; 4)$ ,  $(5; 1)$ .

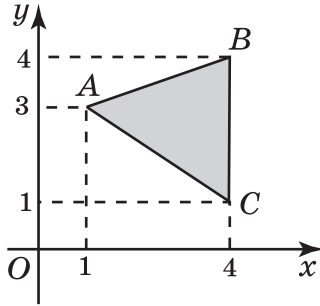


Т6.6. Найдите площадь ромба, вершины которого имеют координаты  $(1; 1)$ ,  $(2; 4)$ ,  $(5; 5)$ ,  $(4; 2)$ .

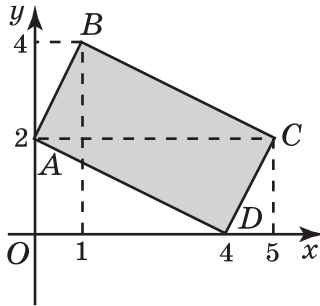


Тренировочная работа 6

Т6.7. Найдите площадь треугольника, вершины которого имеют координаты  $(1; 3)$ ,  $(4; 4)$ ,  $(4; 1)$ .



Т6.8. Найдите площадь прямоугольника, вершины которого имеют координаты  $(0; 2)$ ,  $(1; 4)$ ,  $(5; 2)$ ,  $(4; 0)$ .



Ответы:

Т6.7

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Т6.8

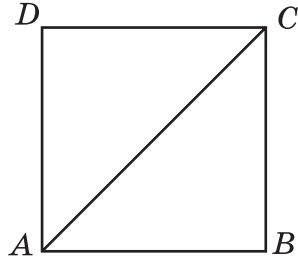
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

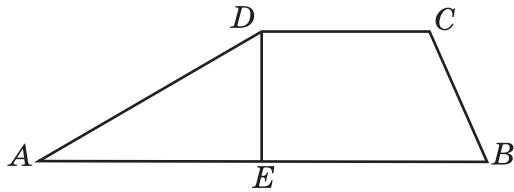
## Решения задач 13, 14 диагностической работы

13. Если диагональ  $AC$  квадрата  $ABCD$  равна 6, то его сторона равна  $3\sqrt{2}$ . Следовательно, площадь этого квадрата равна 18.



Ответ. 18.

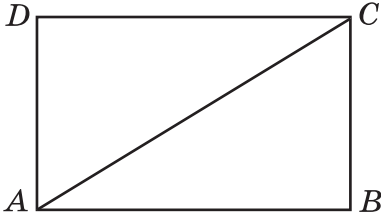
14. Пусть в трапеции  $ABCD$   $AB = 20$ ,  $CD = 8$ ,  $AD = 12$ ,  $\angle ADC = 150^\circ$ . Тогда высота  $DE$  этой трапеции равна 6. Ее площадь равна 84.



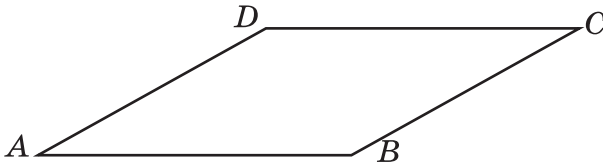
Ответ. 84.

## Тренировочная работа 7. Формулы площади

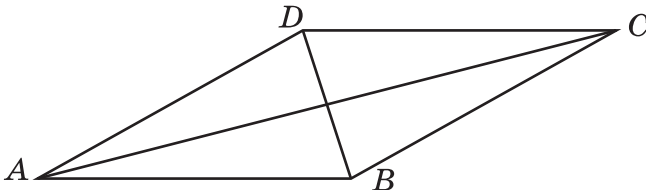
T7.1. Найдите площадь прямоугольника, одна сторона которого равна 6, а диагональ равна 10.



T7.2. Найдите площадь параллелограмма, если две его стороны равны 8 и 10, а угол между ними равен  $30^\circ$ .



T7.3. Найдите площадь ромба, если его диагонали равны 4 и 12.



Ответы:

T7.1

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T7.2

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T7.3

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

T7.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T7.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T7.6

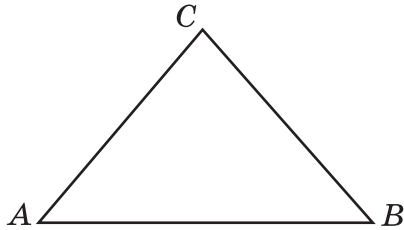
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

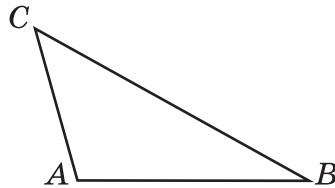
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 7

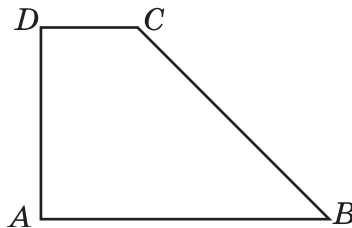
T7.4. Боковая сторона равнобедренного треугольника равна 5, а основание равно 6. Найдите площадь этого треугольника.



T7.5. Найдите площадь треугольника, две стороны которого равны 8 и 12, а угол между ними равен  $30^\circ$ .



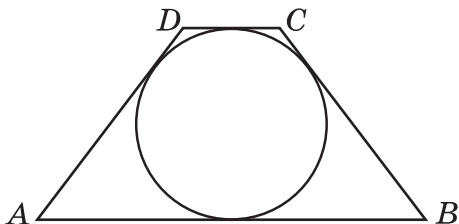
T7.6. Найдите площадь прямоугольной трапеции, основания которой равны 6 и 2, большая боковая сторона составляет с основанием угол  $45^\circ$ .



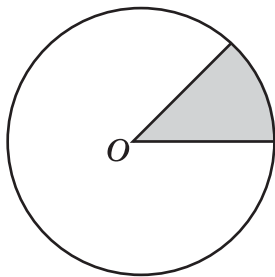


Тренировочная работа 7

Т7.7. Средняя линия трапеции равна 10. Радиус вписанной окружности равен 4. Найдите площадь трапеции.



Т7.8. Площадь круга равна 24. Найдите площадь его сектора с центральным углом  $45^\circ$ .



Ответы:

Т7.7

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Т7.8

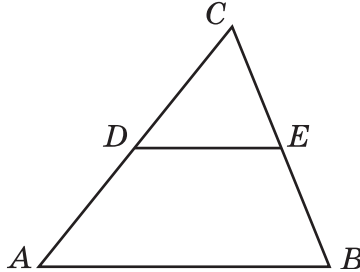
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

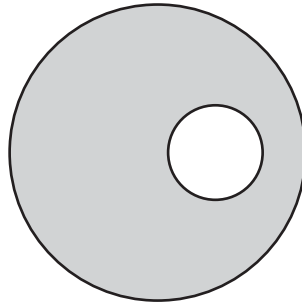
## Решения задач 15, 16 диагностической работы

15. Треугольник  $DEC$  подобен треугольнику  $ABC$ , коэффициент подобия равен 0,5. Следовательно, площадь треугольника  $DEC$  в 4 раза меньше площади треугольника  $ABC$ , т. е. равна 4.



Ответ. 4.

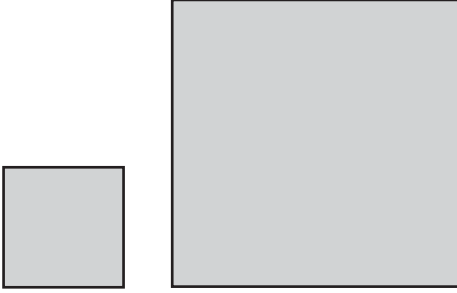
16. Если площадь круга равна 18, то площадь круга в три раза меньшего радиуса равна 2. Площадь части большего круга, оставшейся после вырезания меньшего круга, равна 16.



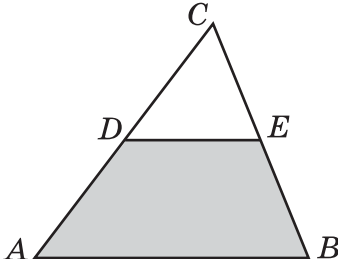
Ответ. 16.

## Тренировочная работа 8. Свойства площади

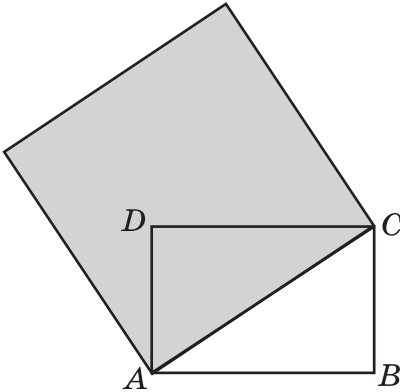
**T8.1.** Найдите сторону квадрата, площадь которого равна сумме площадей квадратов со сторонами 5 и 12.



**T8.2.** Площадь треугольника  $ABC$  равна 12.  $DE$  — средняя линия. Найдите площадь трапеции  $ABED$ .



**T8.3.** Две стороны прямоугольника равны 6 и 4. Найдите площадь квадрата, сторона которого равна диагонали этого прямоугольника.



Ответы:

**T8.1**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**T8.2**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**T8.3**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

T8.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T8.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T8.6

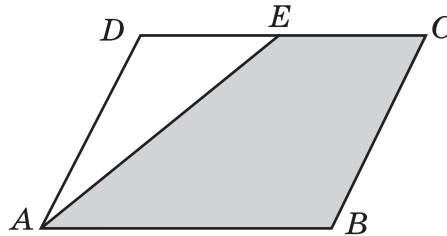
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

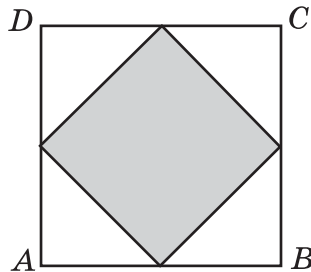
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 8

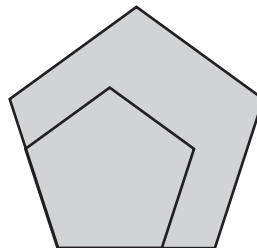
T8.4. Площадь параллелограмма  $ABCD$  равна 20. Точка  $E$  — середина стороны  $CD$ . Найдите площадь трапеции  $ABCE$ .



T8.5. Площадь квадрата равна 10. Найдите площадь квадрата, вершинами которого являются середины сторон данного квадрата.

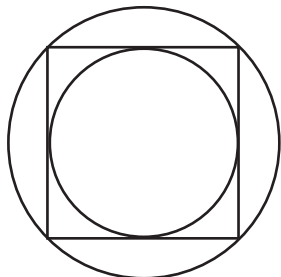


T8.6. Периметры двух подобных многоугольников относятся как 3 : 5. Площадь меньшего многоугольника равна 18. Найдите площадь большего многоугольника.

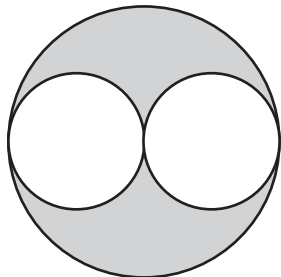


Тренировочная работа 8

**T8.7.** Площадь круга, вписанного в квадрат, равна 10. Найдите площадь круга, описанного около этого квадрата.



**T8.8.** Из круга, площадь которого равна 6, вырезали два круга в два раза меньшего радиуса. Найдите площадь оставшейся части.



Ответы:

**T8.7**

--	--	--	--	--	--	--	--

**T8.8**

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

Д1.1

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.2

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.3

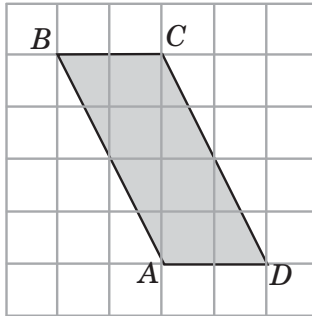
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

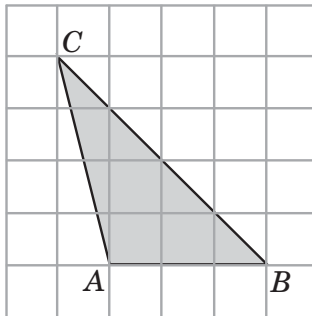
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Диагностическая работа 1

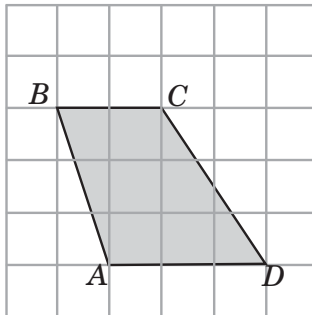
Д1.1. Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



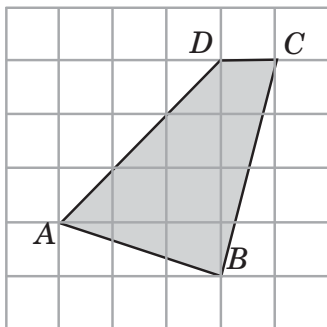
Д1.2. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



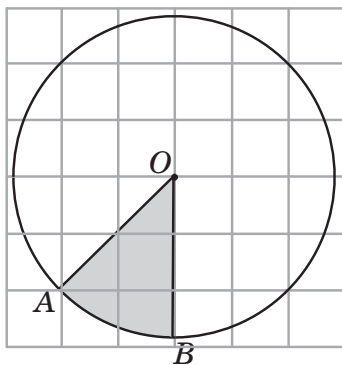
Д1.3. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



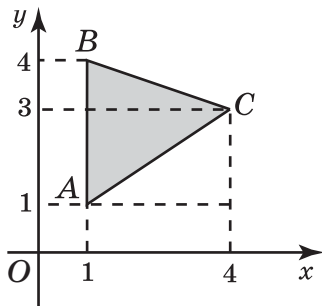
Д1.4. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Д1.5. Найдите площадь  $S$  сектора, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .



Д1.6. Найдите площадь треугольника, вершины которого имеют координаты  $(1; 1)$ ,  $(1; 4)$ ,  $(4; 3)$ .



Ответы:

Д1.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.6

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

Д1.7

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.8

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.9

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.10

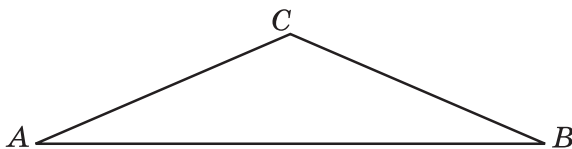
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

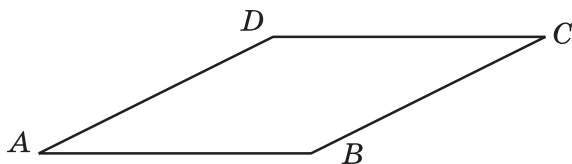
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Диагностическая работа 1

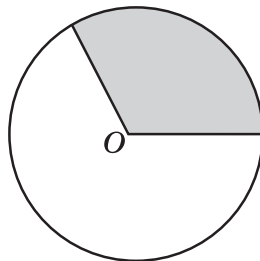
Д1.7. Найдите площадь равнобедренного треугольника, боковые стороны которого равны 10, а угол между ними равен  $150^\circ$ .



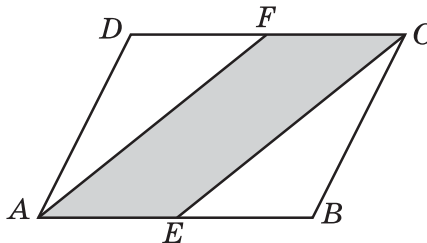
Д1.8. Найдите площадь ромба, стороны которого равны 4 и угол между двумя сторонами которого равен  $30^\circ$ .



Д1.9. Площадь круга равна 30. Найдите площадь сектора с центральным углом  $120^\circ$ .



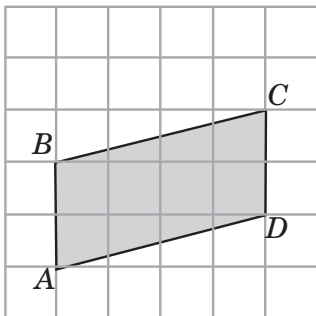
Д1.10. Площадь параллелограмма  $ABCD$  равна 12. Точки  $E$  и  $F$  — середины сторон соответственно  $AB$  и  $CD$ . Найдите площадь параллелограмма  $AECF$ .



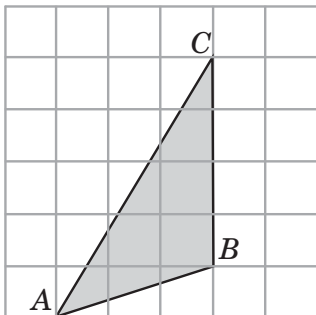


## Диагностическая работа 2

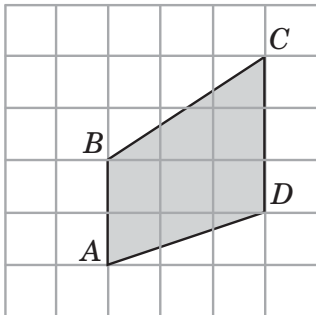
Д2.1. Найдите площадь параллелограмма  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Д2.2. Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Д2.3. Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

Д2.1

--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.2

--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.3

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

Д2.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.6

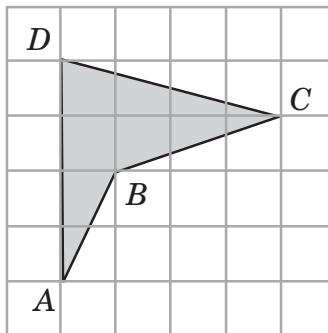
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

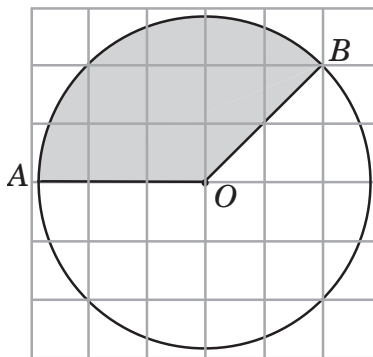
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Диагностическая работа 2

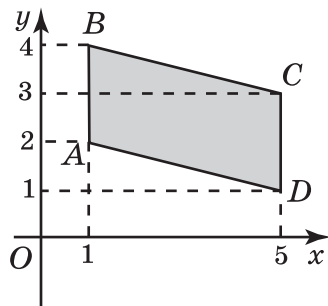
Д2.4. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Д2.5. Найдите площадь  $S$  закрашенного сектора, считая стороны квадратных клеток равными 1. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .

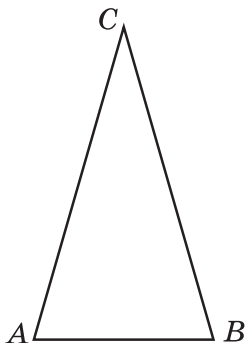


Д2.6. Найдите площадь параллелограмма, вершины которого имеют координаты  $(1; 2)$ ,  $(1; 4)$ ,  $(5; 3)$ ,  $(5; 1)$ .

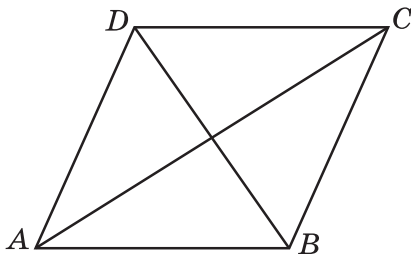


Диагностическая работа 2

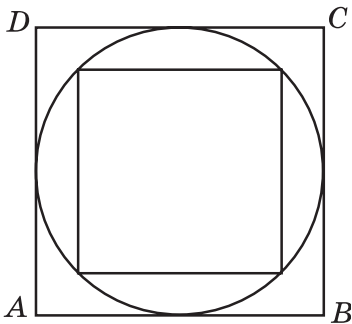
Д2.7. Найдите площадь равнобедренного треугольника, боковые стороны которого равны 8, а угол между ними равен  $30^\circ$ .



Д2.8. Найдите площадь ромба, диагонали которого равны 4 и 6.



Д2.9. Площадь квадрата, вписанного в круг, равна 3. Найдите площадь квадрата, описанного около этого круга.



Ответы:

Д2.7

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.8

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.9

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

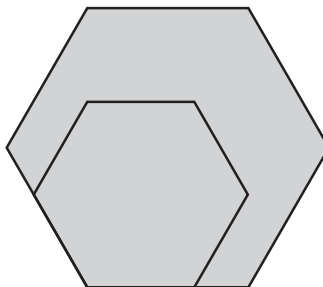
Ответы:

Д2.10

--	--	--	--	--	--	--	--

Диагностическая работа 2

Д2.10. Периметры подобных многоугольников относятся как  $2 : 3$ . Площадь большего многоугольника равна 9. Найдите площадь меньшего многоугольника.

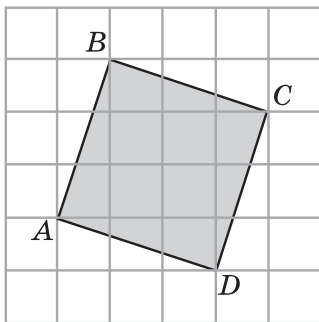


Образец написания:

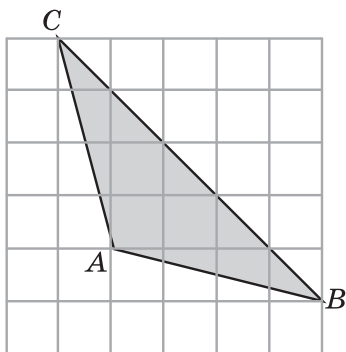
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Диагностическая работа 3

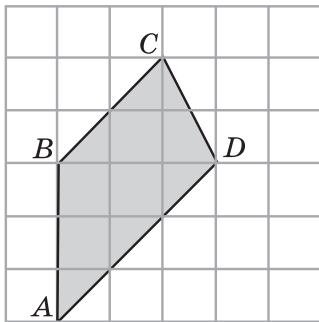
**ДЗ.1.** Найдите площадь квадрата  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



**ДЗ.2.** Найдите площадь треугольника  $ABC$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



**ДЗ.3.** Найдите площадь трапеции  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



Ответы:

ДЗ.1

--	--	--	--	--	--	--	--

ДЗ.2

--	--	--	--	--	--	--	--

ДЗ.3

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

ДЗ.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

ДЗ.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

ДЗ.6

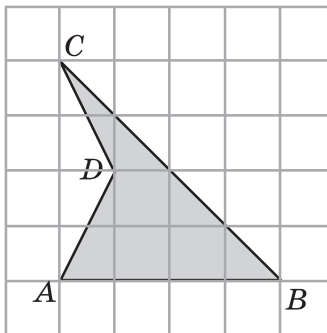
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

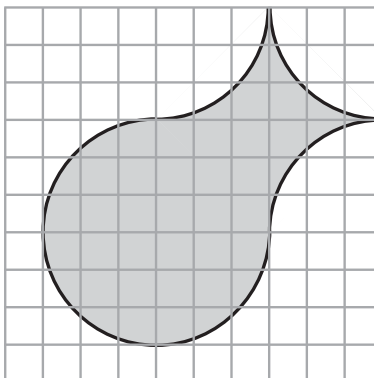
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Диагностическая работа 3

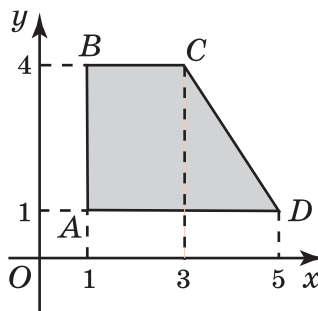
ДЗ.4. Найдите площадь четырехугольника  $ABCD$ , считая стороны квадратных клеток равными 1.



ДЗ.5. Найдите площадь фигуры, изображенной на рисунке, считая стороны квадратных клеток равными 1.

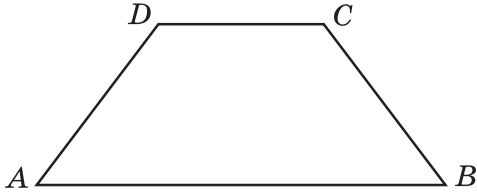


ДЗ.6. Найдите площадь трапеции, вершины которой имеют координаты  $(1; 1)$ ,  $(1; 4)$ ,  $(3; 4)$ ,  $(5; 1)$ .

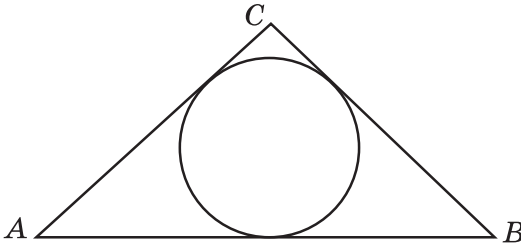


Диагностическая работа 3

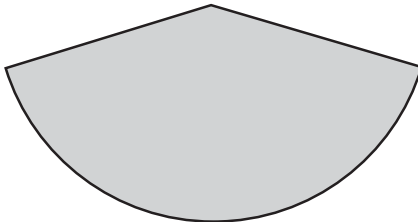
Д3.7. Найдите площадь равнобедренной трапеции, основания которой равны 10 и 4, а боковые стороны равны 5.



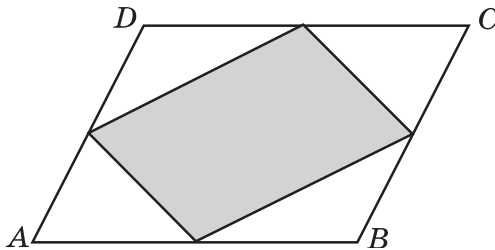
Д3.8. Периметр треугольника равен 14, а радиус вписанной окружности равен 1. Найдите площадь этого треугольника.



Д3.9. Найдите площадь сектора, длина дуги окружности которого равна 10, а радиус этой окружности равен 4.



Д3.10. Площадь параллелограмма равна 20. Найдите площадь четырехугольника, вершинами которого являются середины сторон данного параллелограмма.



Ответы:

Д3.7

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д3.8

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д3.9

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д3.10

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

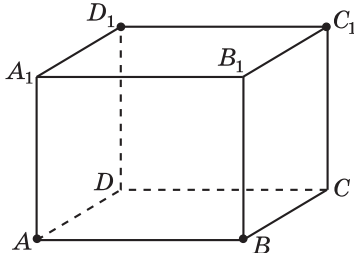
Часть II

ПЛОЩАДЬ СЕЧЕНИЯ

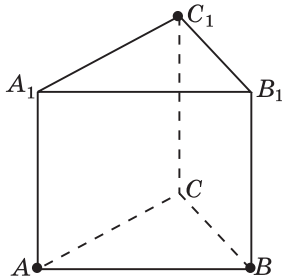


## Диагностическая работа

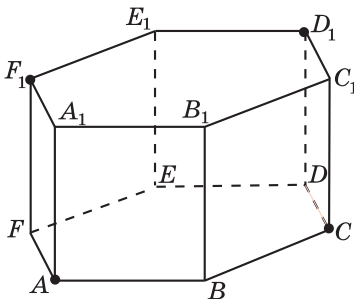
1. В прямоугольном параллелепипеде  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ , в котором  $AB = 5$ ,  $AD = 4$ ,  $AA_1 = 3$ , проведите сечение через вершины  $A$ ,  $B$ ,  $C_1$ ,  $D_1$ . Найдите его площадь.



2. В правильной треугольной призме  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ , стороны оснований которой равны 2, боковые ребра равны 1, проведите сечение через вершины  $A$ ,  $B$ ,  $C_1$ . Найдите его площадь.



3. В правильной шестиугольной призме  $ABCDEF A_1 B_1 C_1 D_1 E_1 F_1$  стороны оснований равны  $\sqrt{3}$ , боковые ребра равны  $\sqrt{2}$ . Проведите сечение этой призмы через вершины  $A$ ,  $C$ ,  $D_1$ ,  $F_1$ . Найдите его площадь.



Ответы:

1

--	--	--	--	--	--	--	--

2

--	--	--	--	--	--	--	--

3

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

6

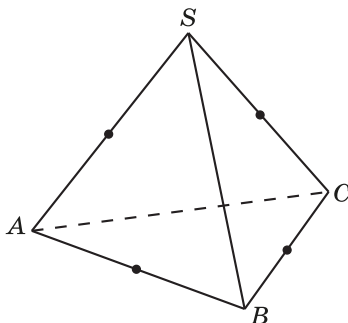
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

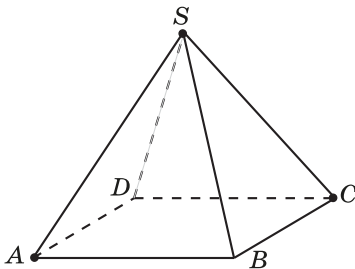
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Диагностическая работа

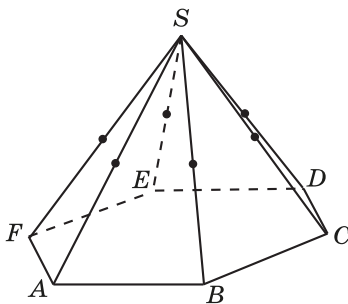
4. В правильной треугольной пирамиде  $SABC$ , все ребра которой равны 2, проведите сечение через середины ребер  $AB$ ,  $BC$ ,  $SA$ ,  $SC$ . Найдите его площадь.



5. В правильной четырехугольной пирамиде  $SABCD$ , все ребра которой равны 2, проведите сечение через вершины  $S$ ,  $A$ ,  $C$ . Найдите его площадь.

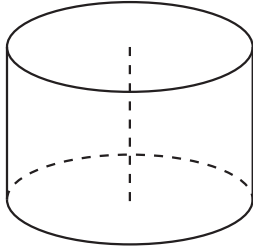


6. В правильной шестиугольной пирамиде  $SABCDEF$ , площадь основания которой равна 4, боковые ребра равны 3, проведите сечение через середины ребер  $SA$ ,  $SB$ ,  $SC$ ,  $SD$ ,  $SE$ ,  $SF$ . Найдите его площадь.

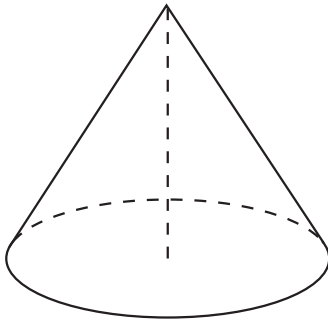


Диагностическая работа

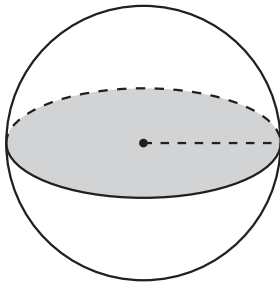
7. Радиус основания цилиндра равен 5, высота — 4. Найдите площадь осевого сечения этого цилиндра



8. Радиус основания конуса равен 2, высота — 3. Найдите площадь осевого сечения этого конуса.



9. Площадь сечения шара плоскостью, проходящей через его центр, равна 16. Найдите площадь сечения этого шара плоскостью, отстоящей от его центра на расстояние, равное половине радиуса.



Ответы:

7

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

8

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

9

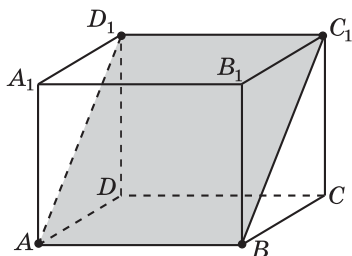
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

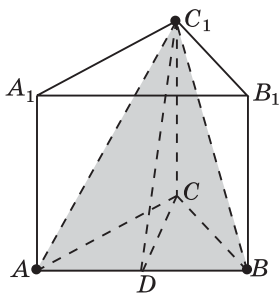
## Решения задач 1—3 диагностической работы

1. Искомым сечением является квадрат  $ABC_1D_1$ , стороны которого равны 5. Следовательно, его площадь равна 25.



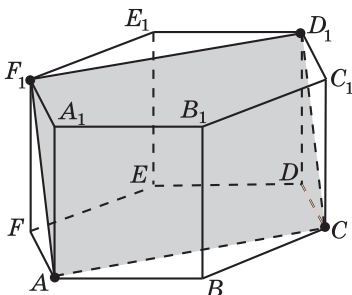
Ответ. 25.

2. Искомым сечением является равнобедренный треугольник  $ABC_1$ . Его основание  $AB$  равно 2, высота  $C_1D$  равна 2. Площадь сечения равна 2.



Ответ. 2.

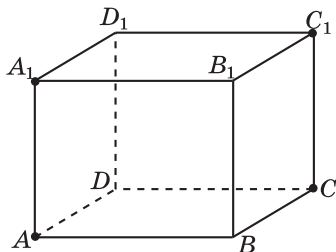
3. Искомым сечением является прямоугольник  $ACD_1F_1$ , стороны которого равны 3 и 2. Площадь сечения равна 6.



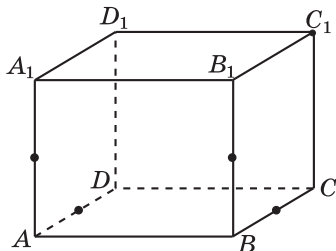
Ответ. 6.

## Тренировочная работа 1. Площади сечений призм

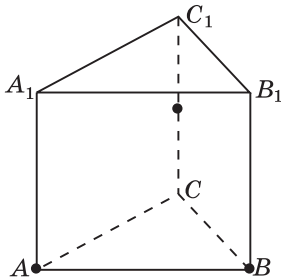
**Т1.1.** В прямоугольном параллелепипеде  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ , в котором  $AB = AD = 1$ ,  $AA_1 = \sqrt{2}$ , проведите сечение через вершины  $A, C, A_1, C_1$ . Найдите его площадь.



**Т1.2.** В прямоугольном параллелепипеде  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ , в котором  $AB = 10$ ,  $AD = 8$ ,  $AA_1 = 6$ , проведите сечение через середины ребер  $AD, BC, AA_1, BB_1$ . Найдите его площадь.



**Т1.3.** В правильной треугольной призме  $ABCA_1 B_1 C_1$ , все ребра которой равны 2, проведите сечение через вершины  $A, B$  и середину ребра  $CC_1$ . Найдите его площадь.



Ответы:

**Т1.1**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Т1.2**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Т1.3**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

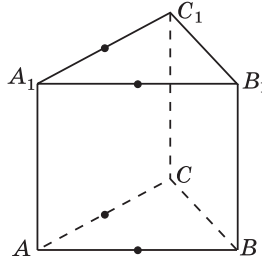
Ответы:

Тренировочная работа 1

T1.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

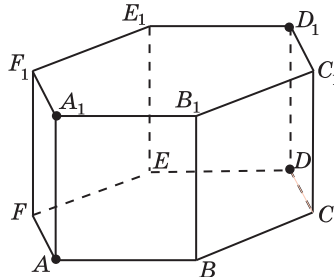
T1.4. В правильной треугольной призме  $ABCA_1B_1C_1$ , все ребра которой равны 6, проведите сечение через середины ребер  $AB$ ,  $AC$ ,  $A_1B_1$ ,  $A_1C_1$ . Найдите его площадь.



T1.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

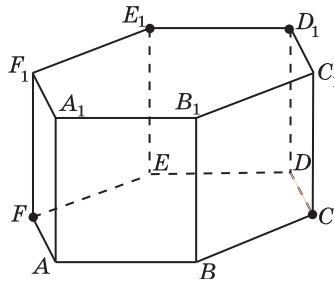
T1.5. В правильной шестиугольной призме  $ABCDEF A_1B_1C_1D_1E_1F_1$ , стороны оснований которой равны 3, боковые ребра равны 2, проведите сечение через вершины  $A$ ,  $D$ ,  $A_1$ ,  $D_1$ . Найдите его площадь.



T1.6

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

T1.6. В правильной шестиугольной призме  $ABCDEF A_1B_1C_1D_1E_1F_1$ , стороны оснований которой равны 2, боковые ребра равны 1, проведите сечение через вершины  $C$ ,  $F$ ,  $D_1$ ,  $E_1$ . Найдите его площадь.

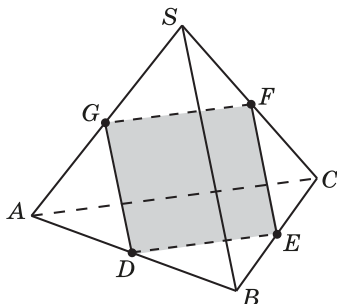


Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

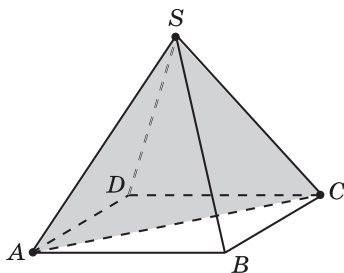
## Решения задач 4—6 диагностической работы

4. Искомым сечением является квадрат  $DEFG$ , стороны которого равны 1. Его площадь равна 1.



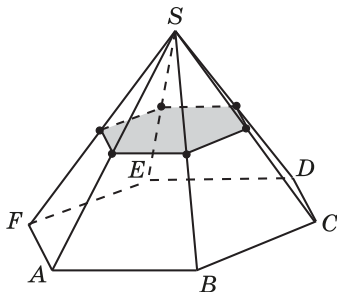
Ответ. 1.

5. Искомым сечением является прямоугольный треугольник  $ASC$ , катеты которого равны 2. Его площадь равна 2.



Ответ. 2.

6. Искомым сечением является правильный шестиугольник, подобный основанию пирамиды с коэффициентом подобия 0,5. Площадь сечения равна 1.



Ответ. 1.

Ответы:

1

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

2

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

3

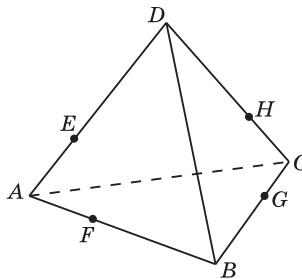
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

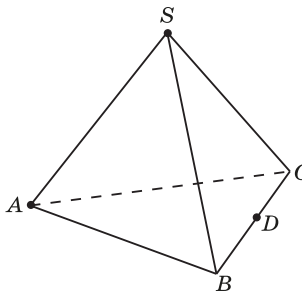
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Тренировочная работа 2. Площади сечений пирамид

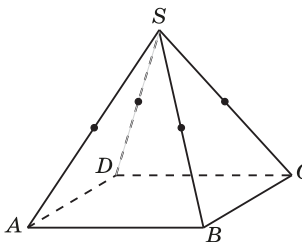
1. В правильном тетраэдре  $ABCD$ , ребра которого равны 6, проведите сечение через точки  $E, F$  и  $G, H$ , отстоящие соответственно от вершин  $A$  и  $C$  на расстояние 2. Найдите его площадь.



2. В правильной треугольной пирамиде  $SABC$  стороны основания равны  $\sqrt{3}$ , высота равна 6. Проведите сечение через вершины  $S, A$  и середину ребра  $BC$ . Найдите его площадь.



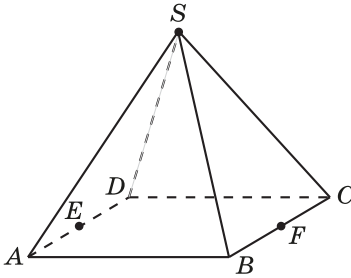
3. В правильной четырехугольной пирамиде  $SABCD$ , все ребра которой равны 2, проведите сечение через середины ребер  $SA, SB, SC, SD$ . Найдите его площадь.



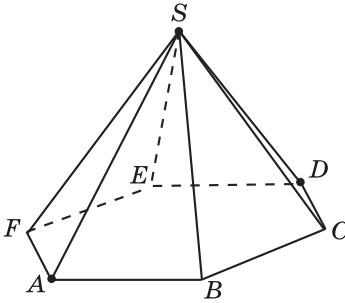


Тренировочная работа 2

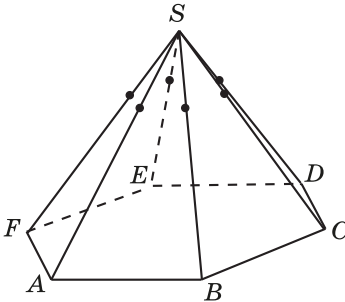
4. В правильной четырехугольной пирамиде  $SABCD$  стороны основания равны 2, высота равна 2. Проведите сечение через вершину  $S$  и середины ребер  $AD$ ,  $BC$ . Найдите его площадь.



5. В правильной шестиугольной пирамиде  $SABCDEF$ , стороны основания которой равны 1, высота равна 3, проведите сечение через вершины  $S$ ,  $A$ ,  $D$ . Найдите его площадь.



6. В правильной шестиугольной пирамиде  $SABCDEF$  площадь основания равна 18, боковые ребра равны 9. Проведите сечение через точки боковых ребер, отстоящих от вершины  $S$  на расстояние 3. Найдите его площадь.



Ответы:

4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

6

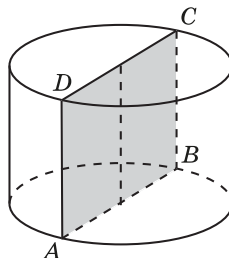
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

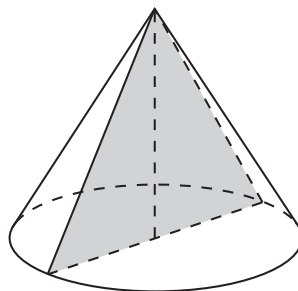
## Решения задач 7—9 диагностической работы

7. Искомым сечением является прямоугольник со сторонами, равными 10 и 4. Его площадь равна 40.



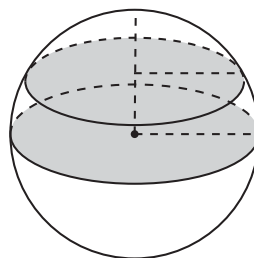
Ответ. 40.

8. Искомым сечением является равнобедренный треугольник, основание которого равно 4, высота, опущенная на основание, равна 3. Площадь сечения равна 6.



Ответ. 6.

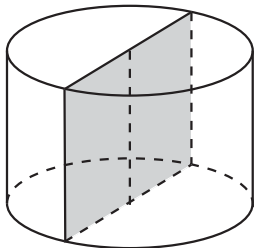
9. Если радиус шара равен  $R$ , то искомым сечением является круг радиуса  $\frac{\sqrt{3}R}{2}$ . Его площадь равна  $\frac{3}{4}\pi R^2$ . Так как площадь круга радиуса  $R$  равна 16, то площадь сечения равна 12.



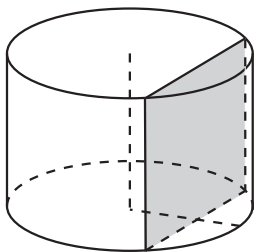
Ответ. 12.

### Тренировочная работа 3. Площади сечений круглых тел

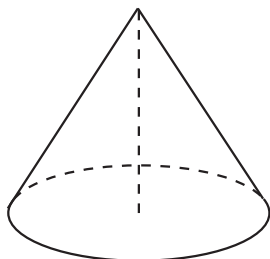
1. Радиус основания цилиндра равен 3, образующая — 4. Найдите площадь осевого сечения этого цилиндра



2. Радиус основания цилиндра равен 5, высота — 4. Найдите площадь сечения этого цилиндра плоскостью, параллельной его оси и отстоящей от нее на расстояние 3.



3. Радиус основания конуса равен 3, образующая — 5. Найдите площадь осевого сечения этого конуса.



Ответы:

1

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

2

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

3

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

6

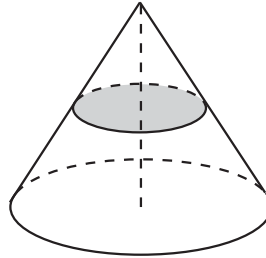
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

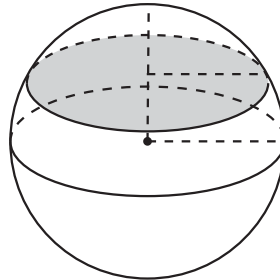
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Тренировочная работа 3

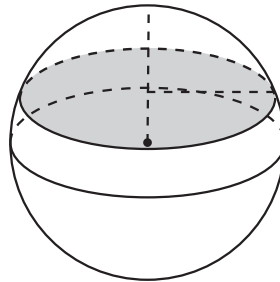
4. Площадь основания конуса равна 12, высота — 6. Найдите площадь сечения этого конуса плоскостью, параллельной плоскости основания и отстоящей от вершины конуса на расстоянии 3.



5. Радиус шара равен 5. Найдите площадь  $S$  сечения этого шара плоскостью, отстоящей от его центра на расстояние 3. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .

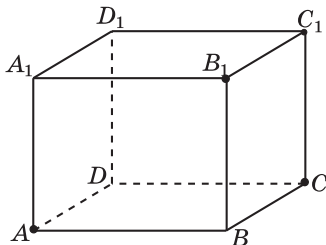


6. Площадь сечения шара плоскостью, проходящей через его центр, равна 18. Найдите площадь сечения этого шара плоскостью, отстоящей от его центра на расстояние, равное одной третьей радиуса.

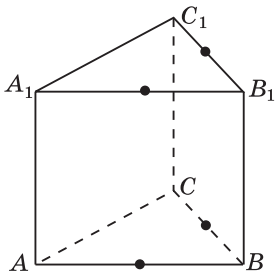


## Диагностическая работа 1

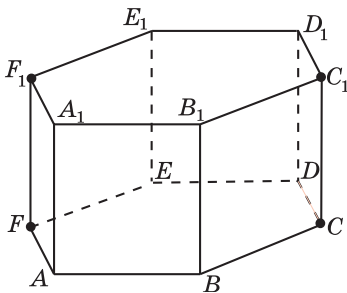
**Д1.1.** В прямоугольном параллелепипеде  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ , в котором  $AB = AD = \sqrt{2}$ ,  $AA_1 = \sqrt{3}$ , проведите сечение через вершины  $A, C, B_1$ . Найдите его площадь.



**Д1.2.** В правильной треугольной призме  $ABCA_1 B_1 C_1$ , стороны оснований которой равны 4, боковые ребра равны 3, проведите сечение через середины ребер  $AB, BC, A_1 B_1, B_1 C_1$ . Найдите его площадь.



**Д1.3.** В правильной шестиугольной призме  $ABCDEF A_1 B_1 C_1 D_1 E_1 F_1$ , стороны основания которой равны 3, боковые ребра равны 4, проведите сечение через вершины  $C, F, C_1, F_1$ . Найдите его площадь.



Ответы:

Д1.1

--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.2

--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.3

--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

Д1.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.6

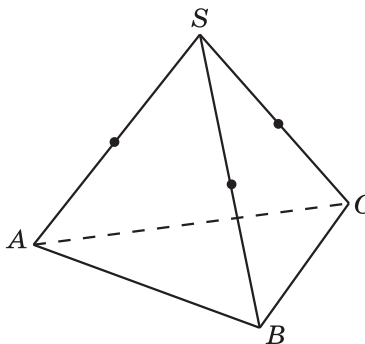
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

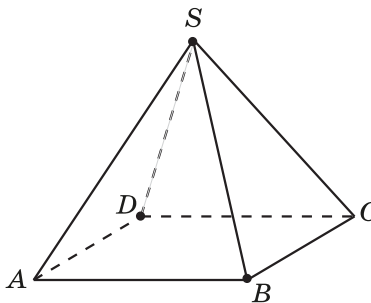
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Диагностическая работа 1

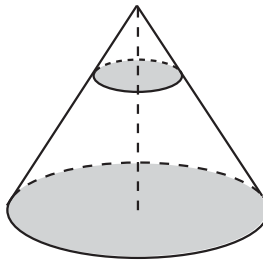
Д1.4. В правильной треугольной пирамиде  $SABC$ , площадь основания  $ABC$  которой равна 24, проведите сечение через середины ребер  $SA$ ,  $SB$ ,  $SC$ . Найдите его площадь.



Д1.5. В правильной четырехугольной пирамиде  $SABCD$ , все ребра которой равны 4, проведите сечение через вершины  $S$ ,  $B$ ,  $D$ . Найдите его площадь.

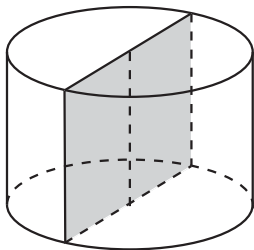


Д1.6. Площадь основания конуса равна 18, высота равна 9. Найдите площадь сечения этого конуса плоскостью, параллельной основанию и отстоящей от вершины на расстояние, равное 3.

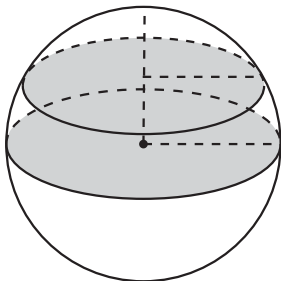


Диагностическая работа 1

Д1.7. Найдите площадь осевого сечения цилиндра, радиус основания которого равен 6, образующая равна 5.



Д1.8. Радиус шара равен 13. Найдите площадь  $S$  сечения этого шара плоскостью, отстоящей от его центра на расстояние 5. В ответе укажите  $\frac{S}{\pi}$ .



Ответы:

Д1.7

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д1.8

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

Д2.1

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.2

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.3

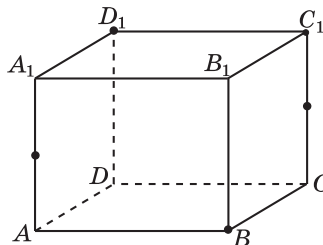
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

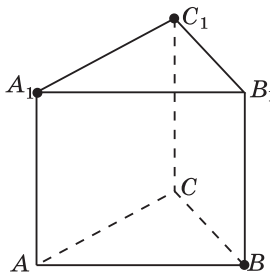
1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Диагностическая работа 2

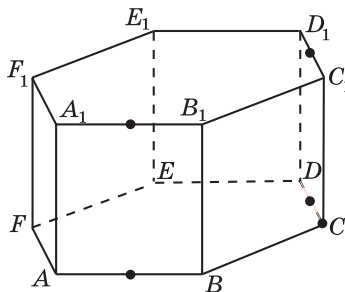
Д2.1. В прямоугольном параллелепипеде  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ , в котором  $AB = AD = \sqrt{2}$ ,  $AA_1 = \sqrt{5}$ , проведите сечение через вершины  $B$ ,  $D_1$  и середины ребер  $AA_1$ ,  $CC_1$ . Найдите его площадь.



Д2.2. В правильной треугольной призме  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ , стороны оснований которой равны 2, боковые ребра равны 1, проведите сечение через вершины  $B$ ,  $A_1$ ,  $C_1$ . Найдите его площадь.



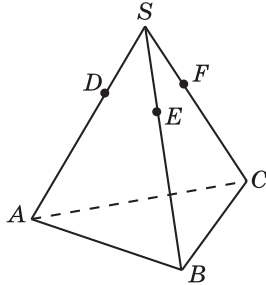
Д2.3. В правильной шестиугольной призме  $ABCDEF A_1 B_1 C_1 D_1 E_1 F_1$ , все ребра которой равны 2, проведите сечение через середины ребер  $AB$ ,  $CD$ ,  $A_1 B_1$ ,  $C_1 D_1$ . Найдите его площадь.



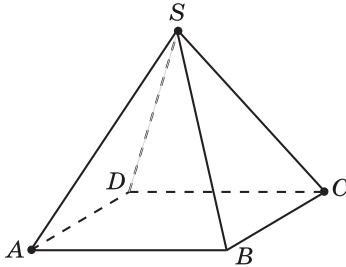


Диагностическая работа 2

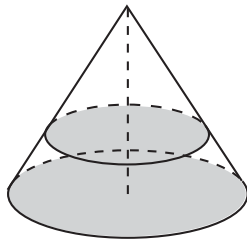
Д2.4. Боковые ребра правильной треугольной пирамиды  $SABC$  равны 12, площадь основания равна 18. Найдите площадь сечения, проходящего через точки  $D, E, F$  на боковых ребрах этой пирамиды и отстоящие от вершины  $S$  на расстояние 4.



Д2.5. В правильной четырехугольной пирамиде  $SABCD$  стороны основания равны  $\sqrt{2}$ , высота равна 3. Проведите сечение через вершины  $A, C, S$ . Найдите его площадь.



Д2.6. Площадь основания конуса равна 9, высота равна 6. Найдите площадь сечения конуса плоскостью, параллельной основанию и отстоящей от вершины на расстояние 4.



Ответы:

Д2.4

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.5

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.6

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Ответы:

Д2.7

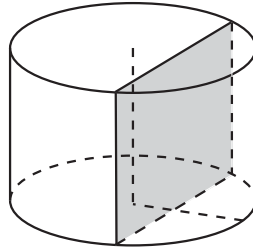
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Д2.8

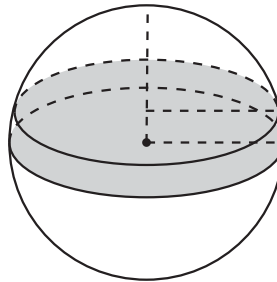
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Диагностическая работа 2

Д2.7. Радиус основания цилиндра равен 13, высота — 10. Найдите площадь сечения этого цилиндра плоскостью, параллельной его оси и отстоящей от нее на расстояние 5.



Д2.8. Площадь сечения шара плоскостью, проходящей через его центр, равна 16. Найдите площадь сечения этого шара плоскостью, отстоящей от его центра на расстояние, равное одной четвертой радиуса.



Образец написания:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	0	-	,
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Ответы

### Часть I. Площадь фигур на плоскости

#### Диагностическая работа

1. 9. 2. 7,5. 3. 10. 4. 8. 5. 9. 6. 9. 7. 8. 8. 6. 9. 1,25.  
10. 4. 11. 6. 12. 10. 13. 18. 14. 84. 15. 4. 16. 16.

#### Тренировочные работы

##### 1. Площадь треугольника

1. 8. 2. 6. 3. 9. 4. 6. 5. 7,5. 6. 8. 7. 6. 8. 7,5.

##### 2. Площадь прямоугольника, квадрата, параллелограмма, ромба

1. 8. 2. 8. 3. 10. 4. 10. 5. 8. 6. 8. 7. 8. 8. 10.

##### 3. Площадь трапеции

1. 9. 2. 7,5. 3. 9. 4. 9. 5. 7,5. 6. 6. 7. 7,5. 8. 9.

##### 4. Площадь выпуклых и невыпуклых четырёхугольников

1. 12,5. 2. 12. 3. 10,5. 4. 8. 5. 9. 6. 4. 7. 4. 8. 6.

##### 5. Площадь круга и его частей

1. 2. 2. 1. 3. 3. 4. 5. 5. 6. 6. 3. 7. 8. 8. 16.

##### 6. Площадь фигур на координатной плоскости

1. 3. 2. 5. 3. 8. 4. 9. 5. 9. 6. 8. 7. 4,5. 8. 10.

##### 7. Формулы площади

1. 48. 2. 40. 3. 24. 4. 12. 5. 24. 6. 16. 7. 80. 8. 3.

##### 8. Свойства площади

1. 13. 2. 9. 3. 52. 4. 15. 5. 5. 6. 50. 7. 20. 8. 3.

#### Диагностическая работа 1

1. 8. 2. 6. 3. 7,5. 4. 8. 5. 1. 6. 4,5. 7. 25. 8. 8. 9. 10. 10. 6.

*Ответы*

**Диагностическая работа 2**

1. 8. 2. 6. 3. 7,5. 4. 5,5. 5. 3. 6. 8. 7. 16. 8. 12. 9. 6. 10. 4.

**Диагностическая работа 3**

1. 10. 2. 7,5. 3. 7,5. 4. 6. 5. 36. 6. 9. 7. 28. 8. 7. 9. 20. 10. 10.

**Часть II. Площадь сечения**

**Диагностическая работа**

1. 25. 2. 2. 3. 6. 4. 1. 5. 2. 6. 1. 7. 40. 8. 6. 9. 12.

**Тренировочные работы**

**1. Площади сечений призм**

1. 2. 2. 50. 3. 2. 4. 18. 5. 12. 6. 6.

**2. Площади сечений пирамид**

1. 8. 2. 4,5. 3. 1. 4. 2. 5. 3. 6. 2.

**3. Площади сечений круглых тел**

1. 24. 2. 32. 3. 12. 4. 3. 5. 16. 6. 16.

**Диагностическая работа 1**

1. 2. 2. 6. 3. 24. 4. 6. 5. 8. 6. 2. 7. 60. 8. 144.

**Диагностическая работа 2**

1. 3. 2. 2. 3. 6. 4. 2. 5. 3. 6. 4. 7. 240. 8. 15.

## Содержание

|                               |   |
|-------------------------------|---|
| От редакторов серии . . . . . | 3 |
| Введение . . . . .            | 4 |

### Часть I. Площадь фигур на плоскости

|  |    |
|--|----|
| Диагностическая работа . . . . .   | 7  |
| Решения задач 1, 2 диагностической работы . . . . .  | 12 |
| Тренировочная работа 1. Площадь треугольника . . . . .                                     | 14 |
| Решения задач 3, 4 диагностической работы . . . . .  | 18 |
| Тренировочная работа 2. Площадь прямоугольника, квадрата, параллелограмма, ромба . . . . . | 20 |
| Решения задач 5, 6 диагностической работы . . . . .  | 24 |
| Тренировочная работа 3. Площадь трапеции . . . . .   | 26 |
| Решения задач 7, 8 диагностической работы . . . . .  | 30 |
| Тренировочная работа 4. Площадь выпуклых и невыпуклых четырехугольников . . . . .          | 32 |
| Решения задач 9, 10 диагностической работы . . . . .                                       | 36 |
| Тренировочная работа 5. Площадь круга и его частей . . . . .                               | 37 |
| Решения задач 11, 12 диагностической работы . . . . .                                      | 41 |
| Тренировочная работа 6. Площадь фигур на координатной плоскости . . . . .                  | 42 |
| Решения задач 13, 14 диагностической работы . . . . .                                      | 46 |
| Тренировочная работа 7. Формулы площади . . . . .  | 47 |
| Решения задач 15, 16 диагностической работы . . . . .                                      | 50 |
| Тренировочная работа 8. Свойства площади . . . . .   | 51 |
| Диагностическая работа 1 . . . . .   | 54 |
| Диагностическая работа 2 . . . . .   | 57 |
| Диагностическая работа 3 . . . . .   | 61 |

### Часть II. Площадь сечения

|  |    |
|--|----|
| Диагностическая работа . . . . .                   | 67 |
| Решения задач 1—3 диагностической работы . . . . . | 70 |

## Содержание

|   |    |
|---|----|
| Тренировочная работа 1. Площади сечений призм . . . . .       | 71 |
| Решения задач 4—6 диагностической работы . . . . .            | 73 |
| Тренировочная работа 2. Площади сечений пирамид . . . . .     | 74 |
| Решения задач 7—9 диагностической работы . . . . .            | 76 |
| Тренировочная работа 3. Площади сечений круглых тел . . . . . | 77 |
| Диагностическая работа 1 . . . . .                            | 79 |
| Диагностическая работа 2 . . . . .                            | 82 |
| Ответы . . . . .  | 85 |